



YILDIZ TEKNİK ÜNİVERSİTESİ
FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ

Ergemis Alkali Metal Br. Kar. Term. Özell.

Doktora Tezi

SEYFEDİN KARACÜZLÜ

PİZIK
15.000

**YILDIZ ÜNİVERSİTESİ
FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ**

1185

**ERGİMİŞ ALKALİ METAL BROMÜR
KARIŞIMLARININ TERMODİNAMİK
ÖZELLİKLERİ**

**DOKTORA TEZİ
SEYFEDDİN KARAGÖZLÜ**

İSTANBUL — 1986

YILDIZ TEKNİK ÜNİVERSİTESİ
KÜTÜPHANE DOKÜMANTASYON
DAİRE BAŞKANLIĞI

R 210

Kot : 40

Alındığı Yer : ... Fen. Bilimleri End...
.....

Tarih : ... 20.03.1992

Fatura : -

Fiyatı : 15.000,- TL

Ayniyat No : 1/1

Kayıt No : 48230

UDC : 530

Ek :



İÇİNDEKİLER

ÖNSÖZ

II

ÖZET

III

SUMMARY

IV

GİRİŞ

1

BÖLÜM I : ÇÖZÜMLERİN TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ

ERGİMİŞ ALKALİ METAL BROMÜR KARIŞIMLARININ TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ

İ-1 DİSKÜPİYİ	5
İ-2 İNCELEME	6
İ-3 TABLO	7
İ-4 TABLO	9
İ-5 TABLO	10
BÖLÜM II : ERGİMİŞ METAL TOZ KARIŞIMLARININ TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ	40
II-1 Ergimis Sıvıların Yapısı, Yapı Faktörleri ve Radikal Dağılım Fonksiyonu	20
II-2 Ergimis Sal Metal Karışımının Kısıtlı Yapı Faktörleri ve Termodinamik Özellikleri	25
II-3 Detaylı K्रeçel Yapılışları	27
II-4 Ortostanlı DOKTORA TEZİ	31
II-5 Ergimis Sal Metal Karışımının Termodinamik Özellikleri	35
BÖLÜM III : ALKALİ METAL-BROMÜR TÜPLERİNİN KARIŞIMLARININ İNCELENMESİ	38
III-1 Giriş	49
III-2 (K,Na)Br	49
III-3 (Cs,Na)Br	55
III-4 (Cs,Rb)Br	59
III-5 (K,Li)Br	63
BÖLÜM IV : SONUÇLAR VE TARTIŞMA	64
EK	70
KAYNAKLAR	75
ÖZGEÇMİŞ	78

İSTANBUL — 1986



İÇİNDEKİLER

ÖNSÖZ	II
ÖZET	III
SUMMARY	IV
GİRİŞ	1
BÖLÜM I : ÇÖZELTİLERİN TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ	
I-1 Giriş	5
I-2 Termik Denge İçin Genel Koşullar	6
I-3 Heterogen Denge ve Faz Geçişleri	7
I-4 Düzenli Çözeltiler	9
I-5 Moleküler Dağılım Fonksiyonları	10
BÖLÜM II : ERGİMİŞ METAL TUZ KARIŞIMLARININ YAPISI VE TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ	
II-1 İyonik Sıvıların Yapısı, Yapı Faktörleri ve Radyal Dağılım Fonksiyonu	20
II-2 İkili Ergimiş Saf Metal Karışımlarının Kısmi Yapı Faktörleri ve Termodinamik Özellikleri	25
II-3 Ortalama Küresel Yaklaşıklik	29
II-4 Ornstein-Zernike İntegral Denkleminin Çözümü	31
II-5 Ergimiş Alkali-Halojenür Karışımlarının Termodinamik Özellikleri	38
BÖLÜM III : ALKALİ METAL-BROMÜR TUZLARI KARIŞIMLARININ İNCELENMESİ	
III-1 Giriş	49
III-2 (K,Na)Br	49
III-3 (Cs,Na)Br	55
III-4 (Cs,Rb)Br	59
III-5 (K,Li)Br	63
BÖLÜM IV : SONUÇLAR VE TARTIŞMA	64
EK	70
KAYNAKLAR	76
ÖZGEÇMİŞ	78

ÖNSÖZ

Bana bu tez çalışmasının ortamını sağlayan ve doktora yürütütçülüğünü üstlenen, çalışanın sonuna kadar destek ve yardımçı olan Doç. İdris Gümüş'e teşekkürü bir borç biliyorum.

Çalışmanın her aşamasında öneri ve bilgilerinden yararlandığım Doç. Dr. K. Gediz Akdeniz'e çok teşekkür ederim. Ayrıca bilgi ve komputer programlarındaki katkıları ile bana yardımcı olan Doç. Dr. Bülent Aksoy'a, Yar. Doç. Dr. Zehra Akdeniz'e ve özellikle Turgay Armağan'a teşekkür ederim.

Bu tez süresince bana her türlü yardım ve kolaylığı sağlayan Bölüm Başkanı Sayın Prof. Dr. Şevket Erk'e ve Sayın Dekanım Prof. Fahri User'e saygılarımla teşekkürlerimi sunarım.

Son olarak, bu çalışmanın yapıldığı İstanbul Üniversitesi Fizik Bölümü öğretim elemanlarına ve arkadaşlarımı, bu tezi titizlikle dactilo eden Sayın Mine Arşık'a teşekkür ederim.

Seyfeddin Karagözlü

Şubat-1986

ÖZET

Yoğun iyonik akışkanlarda en basit bir grup oluşturan saf ergimiş alkali halojenürlerin termodinamik özellikleri üzerine israrlı çalışmalar yapılmaktadır.

Son yıllarda kompüter sistemlerinin gelişmesi, 400 ile 1400 parçacıkta oluşan bir sistemin davranışını mikroskopik olarak değerlendirme olanağını sağlamıştır. Sistemin statik özellikleri yarı empirik karakterdeki kompüter simülasyon teknikleri olan Monte Carlo ve Moleküler Dinamik yöntemleri ile belirlenmiştir. Böylece kuramsal kesimdeki ilerleme, öne sürülen fiziksel modeller çerçevesinde yapılan kompüter denemeleri ile gerçekleşmiştir.

Bu çalışmada, tüm sıvı iyonlarının katı kürelerden oluşturduğu ve aralarında kısa menzilli çekim kuvvetleri ile birlikte uzun menzilli kuvvetlerin etkili olduğunu varsayan ortalama küresel yaklaşıklık modeli (OKY) kullanılmıştır. Elektriksel olarak nötr olan ergimiş (1073°K de) alkali metal bromür tuz karışımının $[(\text{K}, \text{Na})\text{Br}, (\text{Cs}, \text{Na})\text{Br}, (\text{Cs}, \text{Rb})\text{Br}, (\text{K}, \text{Li})\text{Br}]$ konsantrasyon-konsantrasyon yapı faktörlerini, kısmi yapı faktörlerini, izotermal kompresibiliterini OKY çerçevesinde kompüter çalışmalarından da yararlanarak inceledik ve elde edilen sonuçları tartıştık.

GİRİŞ

SUMMARY

Recently, a considerable amount of work has been done on the thermodynamic properties of the pure molten alkali halides which are simplest type in ionic fluid.

More recently, the invention of large and fast computers allow to evaluate the behaviour of a sistem of 400 to 1400 particle microscopically. The static properties are determined by the semi-empirical simulation techniques, the Monte Carlo and the Molecular Dynamics. In this way, theoretical progress has been turned out to be true with computer experiments in the framework of the proposed physical models.

In this work, the mean spherical approximation (MSA) which assumes that all liquid ions are consist of hard spheres and to be effective of the long-range forces together with the short-range forces have been studied. The concentration-concentration strucer factors, the partial strucer factors and the isothermal compressibilities of the electrically neutral molten alkali-metal bromide mixtures $[(K,Na)Br, (Cs,Na)Br, (Cs,Rb)Br, (K,Li)Br]$ have been also investigated in the framework of MSA. We discussed the evaluated numerical results with the experiments.

~~sayı ve adımlar.~~

~~Friedman ve Lebowitz⁽⁵⁾, tüm sivi iyonlarının katı halen-
lerden baştajunu ve aralarında kisa menzilli çekim kuvvetleri
GİRİŞ~~

~~İçerik~~ Yoğun iyonik akışkanlarda en basit bir grup oluşturan saf ergimiş alkali halojenürler ve onların karışımlarının termo-dinamik özellikleri hakkında son yıllarda birçok deneysel ve kuramsal çalışmalar yapılmıştır.⁽¹⁾

Bu konuda deneysel kesimdeki yapılan çalışmalar, X-ışınları ve nötronların difraksiyonu gibi deneylere dayanmaktadır. Böylece ele alınan sistemlerin yapılarının ve dolayısıyla termodinamik özelliklerinin anlaşılmasında büyük gelişmeler kaydedilmiştir.^(2,3)

~~Özelliği ve etkisi~~ Kuramsal olarak yapılan ilk çalışma, Debye ve Hückel⁽⁴⁾ tarafından gerçekleştirılmıştır. Bu çalışmada çözeltinin tüm iyonlarının noktasal yüklerden olduğu kabul edilerek ortak bir iyon etrafında oluşan ortalama elektrostatik potansiyel etkileşmesi altında elde edilen yapı faktörleri, maddenin termodinamik özelliklerinin anlaşılmasında önemli bir rol oynamaktadır.

Daha sonraları, Mayer⁽⁵⁾ yapmış olduğu bir çalışmada, nötr parçacıklardan oluşan reel bir gaz için, lokal termodinamik denge halinde bulunan plazma modeli kullanarak geliştirmiş olduğu perturbatif açılımları Coulomb etkileşmeleri altında yeniden düzenleyerek iyonik çözeltilere uygulamış ve bu alanda yeni bir geliş-

meye yol açmıştır.

Waisman ve Lebowitz⁽⁶⁾, tüm sıvı iyonlarının katı kürelerden olduğunu ve aralarında kısa menzilli çekim kuvvetleri (van der Waals kuvvetleri) ile birlikte uzun menzilli kuvvetlerin (Coulomb kuvvetleri) etkili olduğunu varsayıarak iki bilesenli ergimiş tuz karışımının $g_{AB}(r)$ radyal dağılım fonksiyonlarının kuramsal olarak saptanmasında ortalama küresel yaklaşılık (OKY) modeli olarak bilinen yöntemi geliştirmiştir.

Baxter⁽⁷⁾, üç boyutlu Ornstein-Zernike (O-Z) integral denkleminin bir çözümünü uniform bir nötralleşme altında birbiriyle kuplaj halinde olan tek boyutlu iki integral denklem sistemi haline indirgeyerek bulmuştur.

Daha sonra Blum⁽⁸⁾, Baxter'in çözümünden yararlanarak Fourier dönüşümü ile Wiener-Hopft faktorizasyon şemasını kullanarak (O-Z) denkleminin analitik bir çözümünü vermiştir.

Son yıllarda komputer sistemlerinin gelişmesi 400 ile 1400 parçacıkta oluşan bir sistemin davranışını mikroskopik olarak değerlendirme olanağını sağlamıştır⁽⁹⁾. Sistemin statik özellikleri yarı empirik karakterdeki komputer simülasyon teknikleri olan Monte Carlo ve Moleküler Dinamik yöntemleri ile belirlenmiştir. Böylece kuramsal kesimdeki ilerleme, öne sürülen fiziksel modeller çerçevesinde yapılan komputer denemeleri ile gerçekleşmiştir. Bu gelişmeler doğada mevcut fakat deneysel olarak incelenmemiş karışımın da termodinamik özelliklerinin kuramsal olarak anlaşılmasını sağlamış ve en verimli karışımın

saptanarak bunların güneş enerjisi, nükleer reaktörler, metallurji ve yarı-iletkenler gibi teknolojik alanlarda kullanılabilmeye imkanları doğmuştur.

Bu tezin amacı, ergimiş alkali metal-bromür karışımıla-rı için OKY altında yapı faktörlerini ve termodinamik özeliliklerini kuramsal olarak komputer simülasyon tekniklerini de kullanarak incelemek ve deneysel sonuçlarla karşılaştırmaktır.

Tez dört bölüme ayrılmıştır. İlk bölümde, çözeltilerin termodinamiği hakkında bu çalışma konusu ile ilgili olan gelişmeler gözden geçirilmektedir. Gene bu bölümde istatistik mekanik açısından akışkanların termodinamik özelliklerinin elde edilmesini sağlayan dağılım fonksiyonları verilmekte ve bu fonksiyonların özellikleri tartışılmaktadır.

Bölüm II de iyonik sıvıların yapısı, yapı faktörleri ve radyal dağılım fonksiyonları anlatılmakta ve sağ metal karışımının kısmi yapı faktörleri uzun dalga boyu limitinde incelenmektedir. Ayrıca OKY'nin ayrıntılı olarak tartışılması da bu bölümde verilmiştir. Bu bölümün son kısmını ise ergimiş alkali halojenür karışımlarının termodinamik özelliklerinin analitik olarak incelenmesine ayırdık.

Tezin özgün kısmını kapsayan üçüncü bölümde elektriksel olarak nötr olan alkali metal bromür tuz karışımlarının $[(K, Na) Br, (Cs, Na) Br, (Cs, Rb) Br, (K, Li) Br]$ konsantrasyon-konsantrasyon

yapı faktörlerini, kısmi yapı faktörlerini, izotermal kompresibiliteelerini OKY çerçevesinde kompüter çalışmalarından da yararlanarak inceleyeceğiz.

Son bölümde ise elde edilen sonuçlar tartışılmış ve bunların deneysel sonuçlar ile uygunluğu gözden geçirilmiştir.

(I-4) de çözelti çözeltilerden kılınır behesdeceğiz. Paragraf (I-5) de ise sıvılarla moleküller dağılım frekanslarını inceliyeceğiz.

(I-2) Denge ve denge konusunda

BÖLÜM I

ÇÖZELTİLERİN TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ

(I-1) GİRİŞ

Sıvılar kendi aralarında herhangi bir basit sınıflandırma içerisindeinde gösterilemezler ve genellikle çok cisimli sistemler olarak kabul edilirler. Bundan dolayı bu sistemler istatistik termodinamiğin genel yasaları çerçevesinde incelenir.

Herbiri diğeri ile kimyasal olarak reaksiyona girmeyen iki veya daha çok saf maddelerden oluşan homogen bir madde bir çözelti olarak adlandırılır. Birbirleri ile karıştırılamayan bazı materyaller kendi aralarında bir karışım teşkil ederler, bu karışım heterogen sistemler biçimindedirler. Ekseri çözeltiler içerisindeki bileşenlerden bir tanesi hakim durumdadır. Bu bileşene genellikle "çözücü" ve diğer bileşenlerede "çözünen" ler denir.

Bu bölümde farklı türden çözeltilerin önemli termodinamik özelliklerini inceleyeceğiz. Paragraf (I-2) de sınırlı bileşenleri içeren homogen bir sistemi gözönüne alacağız ve böyle bir sistemin termal denge konumunun genel koşullarını tanımlayacağız. Paragraf (I-3) de heterogen dengeyi inceleyip faz diyagramında bazı ayrıntıları kısaca tartışacağız.

(I-4) de düzenli çözeltilerden kısaca bahsedeceğiz. Paragraf (I-5) de ise sıvıların moleküler dağılım fonksiyonlarını inceleyeceğiz.

(I-2) TERMİK DENGİ İÇİN GENEL KOŞULLAR

Birbirleriyle kimyasal reaksiyonda bulunmayan homogen bir sistemin
(10)
denge haline gelmesi kriteri,

$$(\delta E)_{S,V,n_i} \geq 0 \quad (I-2.1)$$

ile ifade edilir. Burada δE , iç enerjinin tam diferansiyelidir ve

$$\delta E = T dS - P dV + \sum_{i=1}^r \mu_i dn_i \quad (I-2.2)$$

ile verilmektedir. Ayrıca (I-2.2) denkleminde T , S , P , V , μ_i ve n_i sırasıyla temperatur, entropi, basınç, hacim, kimyasal potansiyel ve sistem içindeki parçacıkların sayısıdır ($i = 1, \dots, r$) ve

$$\left(\frac{\partial E}{\partial S} \right)_{V,n_i} = T$$

$$-\left(\frac{\partial E}{\partial V} \right)_{S,n_i} = P$$

$$\left(\frac{\partial E}{\partial n_i} \right)_{S,V} = \mu_i \quad (I-2.3)$$

dir.

(I-2.2) denklemının diğer bir diferansiyel formu da

$$\sum_{i=1}^r n_i d\mu_i + SdT - VdP = 0 \quad (I-2.4)$$

olup (Gibbs-Duhem bağıntısı), bu denklem T ve P sabit olduğunda $n = \sum_{i=1}^r n_i$ sistemdeki mollerin toplam sayısı ve $x_i = n_i/n$ i -bileşenin mol kesri olmak üzere

$$\sum_{i=1}^r n_i d\mu_i = \sum_{i=1}^r x_i d\mu_i = 0 \quad (I-2.5)$$

(10,11,12)
denklemine indirgenir.

(I-3) HETEROGEN DENGE VE FAZ GEÇİŞLERİ

Heterogen bir sistem, iki veya daha çok fazı kapsayan sistem olarak bilinmektedir. Burada gözönüne alınan sistem içerisinde bir kimyasal reaksiyonun olmadığı yalıtılmış bir sistemdir. İç denge halinde fazlar bir-birleri ile yalıtılmışlardır ve herbir faz homogendir. ν faz sayısını göstermek üzere fazlar arasındaki denge koşulları,

$$\begin{aligned} P^{(\alpha)} &= P \quad (\text{tüm } \alpha \text{ için}) \quad (\alpha = 1, \dots, \nu) \\ T^{(\alpha)} &= T \quad // \\ \mu_i^{(\alpha)} &= \mu_i \quad // \end{aligned} \quad (I-3.1)$$

İfadeleri ile verilir. Bu denklemler, deform olabilen homogen bir siste-

min denge konumunda tüm bileşenlerinin uniform basıncı, temperatürü ve kimyasal potansiyellere sahip olduğunu ve bunların kendi aralarında difüze olabildiğini (ısı iletimi halinde) gösterir.

(I-3.1) denklemi (I-2.1) denkleminde yerine koymakla ν fazındaki ve r gerçek bileşenlerine haiz bir sistem için

$$(\delta E)_{S,V,n_i} = 0 \quad (I-3.2)$$

heterogen denge kriteri elde edilir. Birden fazla bileşene haiz genel konumda faz denge koşulunun temperatürünün, basıncının ve herbir kimyasal potansiyelinin birbirine eşit olacağı aşikardır.

r bileşenli ve ν fazını haiz bir sistemde T ve P fazlarının ortak sıcaklık ve basıncı olsun. Farklı fazlara ve bileşenlere sahip olan kimyasal potansiyeller faz dengesi halinde,

$$\begin{aligned} \mu_1^I &= \mu_1^{II} = \cdots = \mu_1^\nu \\ &\vdots \\ &\vdots \\ &\vdots \\ &\vdots \\ \mu_r^I &= \mu_r^{II} = \cdots = \mu_r^\nu \end{aligned} \quad (I-3.3)$$

eşitliklerini sağlarlar.

Bu potansiyellerin herbiri $(r+1)$ tane bağımsız değişkenlerin fonksiyonu olup $r(\nu+1)$ tane denklem kümesini oluştururlar ve bu küme içerisindeki bilinmeyenlerin sayısı $2 + \nu(r-1)$ kadardır. (I-3.3) denklem sisteminin çözüm koşulunun ise

$$r(v-1) \leq 2 + v(r-1)$$

veya

$$v \leq r+2$$

olması gereklidir. Yani denge içerisinde oluşan fazların sayısı bileşenlerin sayısının iki fazlaşıyla toplamına eşittir. Bu kurala Gibbs-Faz kuralı adı verilir.

Eğer birlikte var olan fazların sayısı $r+2$ den küçük ise, (I-3.3) denklem takımındaki değişkenlerin $(r+2-v)$ sayısı (termodinamik serbestlik derecelerinin sayısı), denge konumu bozulmaksızın keyfi değerler alabilir.

(I-4) DÜZENLİ ÇÖZELTİLER

Çok bileşenli bir çözeltinin termodinamik özelliklerinin incelenmesinde yaklaşılık yöntemlerine dayanan modeller mevcuttur. Bunlardan bir tanesi Hildebrand'ın yarı empirik düzenli çözelti teorisidir. Esas olarak düzenli bir çözelti, ideal bir çözelti karışımının entropisine sahip olması ile karakterize edilmektedir. Bu çözeltide rastgele bir moleküller dağılımininoluştugu kabul edilir. Yani herbir molekülün komşusu kendi mol kesirlerine orantısı içerisinde değişik moleküller türler etrafında ortalama olarak dağılmaktadır. Molekülün görünmesinde ortalama lokal bileşik çözeltininbulk kompozisyonu ile eşdeğerdır.



(I-5) MOLEKÜLER DAĞILIM FONKSİYONLARI

Akışkanların denge konumunun, istatistik mekanik bakımdan incelenebilmesi için, sahip olduğu termodinamiksel büyülükleri kapsayan bağıntıları bölüşüm fonksiyonunun terimleriyle ifade edilir. Bu bağıntıları doğrudan doğruya elde etmek ise oldukça karışiktır. Bunun için dağılım fonksiyonlarının hesabını kapsayan birçok teknikler ortaya konmuştur. Dağılım fonksiyonları, bazı özel gösterimlerde parçacıkların bulunma olasılığını ölçerler ve bu fonksiyonlar bilindiği zaman sistemin belirgin termodinamik özelliklerini elde edilebilir.

i- Dağılım Fonksiyonlarının Tanımı (Kanonik Topluluk) :

T- sıcaklığındaki bir V- hacminde N- tane atom (veya molekül) bulunsun. Birinci atomun $d\vec{r}_1$ hacim elemanında, ikinci atomun $d\vec{r}_2$ de,... ..., N-inci atomun $d\vec{r}_N$ de bulunma olasılığını veren $P^{(N)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2, \dots, \vec{r}_N)$ dağılım fonksiyonu,

$$P^{(N)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2, \dots, \vec{r}_N) d\vec{r}_1 d\vec{r}_2 \dots d\vec{r}_N$$

(I-5.1)

$$= \frac{\exp[-\phi(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_N)/k_B T] d\vec{r}_1 d\vec{r}_2 \dots d\vec{r}_N}{\int \dots \int \exp[-\phi/k_B T] d\vec{r}_1 \dots d\vec{r}_N}$$

(13,14)

denklemi ile verilmektedir. (I-5.1) denklemindeki payda, konfigürasyonel integral olarak bilinmektedir ve bundan sonra bu ifadeyi kısaca Z ile göstereceğiz. Ayrıca burada $\phi(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_N)$ moleküller arasındaki potansiyel fonksiyon ve k_B Boltzmann sabitidir.

normalize n - tane atomun ($n \leq N$), $d\vec{r}_1$ de, ..., $d\vec{r}_n$ de bulunma olasılığını veren dağılım fonksiyonu, geride kalan $(N-n)$ - atomun konumu göz önünde tutulmaksızın, (I-5.1) denklemının \vec{r}_{n+1} den \vec{r}_N e kadar tüm koordinatlar üzerinden integre edilmesiyle bulunmaktadır ve (I-5.2)

dağılım fonksiyonunu tanımlayabiliyoruz. Burada,

$$P^{(n)}(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_n) = \frac{\int \dots \int \exp \left[-\phi(r_1, \dots, r_N) / k_B T \right] d\vec{r}_{n+1} \dots d\vec{r}_N}{Z} \quad (I-5.2)$$

ile ifade edilir.

$P^{(1)}(\vec{r}_1) d\vec{r}_1$, bir molekülün $d\vec{r}_1$ 'de bulunma olasılığı olmak üzere $P^{(1)}(\vec{r}_1)$ dağılım fonksiyonu,

$$\int P^{(1)}(\vec{r}_1) d\vec{r}_1 = 1 \quad (I-5.3)$$

normalizasyon koşulunu sağlar. Genellikle bir akışkanda $P^{(1)}(r)$ sabit olduğunu ($\sim P^{(1)}$), (I-5.3) denkleminden

$$P^{(1)} \cdot V = 1 \quad (I-5.4)$$

olduğunu görürüz. $V \rightarrow \infty$, $N \rightarrow \infty$ iken $N/V = \rho^{(1)}$ akışkan yoğunluğuna eşit olduğundan, (I-5.4) deki $P^{(1)}$ in normalizasyonu uygun olmamaktadır. Bundan dolayı, (I-5.4) denkleminden $\rho^{(1)}$ 'e eşit olan $N P^{(1)}$ 'i almak daha uygun olmaktadır. Genel olarak, $P^{(n)}$ 'den daha uygun bir şekilde nor-

malize olabilen

$$\hat{\rho}^{(n)} = \frac{N!}{(N-n)!} p^{(n)} \quad (I-5.5)$$

dağılım fonksiyonunu tanımlayabiliriz. Burada,

$$N(N-1) \cdots (N-n+1) = \frac{N!}{(N-n)!}$$

terimi mümkün olanakların tam sayısıdır ve bu faktör, $\hat{\rho}^{(n)}$ ile $p^{(n)}$ arasındaki farkı belirtmektedir.

ii- Radyal Dağılım Fonksiyonları:

Sıvı-Hal kuramında en önemli büyülük, $\hat{\rho}^{(2)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) d\vec{r}_1 d\vec{r}_2$ sistemdeki bir molekülün $d\vec{r}_1$ 'de ve diğerininde aynı zamanda $d\vec{r}_2$ 'de bulunma olasılığı olmak üzere $\hat{\rho}^{(2)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2)$ dağılım fonksiyonudur. Bir akışkanda $\hat{\rho}^{(2)}$, yalnız $r_{12} = |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|$ na bağlıdır. Atomlar arasında kuvvetlerin olmadığı, yani $\Phi(\vec{r}_1, \vec{r}_2, \dots, \vec{r}_N)$ olduğu halde $Z = V^N$ ve (I-5.2) ve (I-5.5) denkleminden

$$\hat{\rho}^{(n)} = \frac{N!}{(N-n)!} \frac{V^{N-n}}{V^N} \quad (I-5.6)$$

olduğundan, rastgele bir sistem için

$$\gamma^{(2)} = \frac{N(N-1)}{V^2} \quad (I-5.7)$$

buluruz. Genel olarak N/V partikül yoğunluğunu $\gamma = \gamma^{(1)}$ ile gösterirsek, bu durumda $N \rightarrow \infty$ iken $\gamma^{(2)} \rightarrow \gamma^{(1)}$ olmaktadır. Atomlar arasındaki kuvvetlerin varlığında ise

$$\gamma^{(2)}(r_{12}) = \gamma^2 g(r_{12}) \quad (I-5.8)$$

yazabiliriz. $g(r_{12})$, radyal dağılım fonksiyonu olarak tanımlanmakta ve r_{12} 'nin çok büyük olduğu durumda $g(r_{12}) \rightarrow 1$ olmaktadır.

iii- En Büyük Bölüşüm Fonksiyonu (En Büyük Kanonik Topluluk) :

Bölüşüm fonksiyonu, h Planck sabiti, M parçacığın kütlesi olmak üzere

$$Q(N, V, T) = \frac{1}{h^{3N} N!} (2\pi M k_B T)^{\frac{3N}{2}} Z \quad (I-5.9)$$

şeklinde ifade edilir. En büyük bölüm fonksiyonu ise μ kimyasal potansiyel olmak üzere

ve P_N ile daima ortak olmak tanınmayı arar.

$$Q_G = \sum_{\text{tüm } N} \exp \left[N\mu / k_B T \right] \cdot Q(N, V, T) \quad (I-5.10)$$

ile verilmektedir.

En büyük kanonik toplulukta bir sistemin N - tane atomu kapsama olasılığı ise

$$P_N = \frac{\exp \left[N\mu / k_B T \right] Q(N, V, T)}{Q_G} \quad (I-5.11)$$

dir. $\mathfrak{g}^{(n)}(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_n) d\vec{r}_1 \dots d\vec{r}_n$, N 'e bakmaksızın $d\vec{r}_1 \dots d\vec{r}_n$ de gözleme bilen moleküllerin olasılığı olmak üzere $\mathfrak{g}^{(n)}(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_n)$ dağılım fonksiyonu $\mathfrak{g}_N^{(n)}$, kanonik topluluk dağılım fonksiyonlarına karşı gelmek üzere,

$$\mathfrak{g}^{(n)} = \sum_{N \geq n} \mathfrak{g}_N^{(n)} P_N \quad (I-5.12)$$

denklemi ile verilmektedir. Böylece,

$$\int \dots \int \mathfrak{g}^{(n)}(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_n) d\vec{r}_1 \dots d\vec{r}_n = \sum P_N \frac{N!}{(N-n)!} \quad (I-5.13)$$

veya p_N ile daima ortalamaları tanımlayarak

$$\int \dots \int \rho^{(n)}(\vec{r}_1, \dots, \vec{r}_n) d\vec{r}_1 \dots d\vec{r}_n = \left\langle \frac{N!}{(N-n)!} \right\rangle \quad (I-5.14)$$

normalizasyon koşulunu yazabiliriz. Bu koşulun en önemli bir özel hali olarak

$$\int \int \rho^{(2)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) d\vec{r}_1 d\vec{r}_2 = \langle N(N-1) \rangle = \bar{N}^2 - \bar{N} \quad (I-5.15)$$

alabiliriz. Bundan başka

$$\int \rho^{(1)}(\vec{r}_1) d\vec{r}_1 = \bar{N}$$

ve

$$\int \int \rho^{(1)}(\vec{r}_1) \rho^{(1)}(\vec{r}_2) d\vec{r}_1 d\vec{r}_2 = (\bar{N})^2 \quad (I-5.16)$$

olduğundan, (I-5.15) den (I-5.16) denklemini çıkartıp, $\rho^{(1)}(r) = \rho$ ve
 $\rho(r) = \rho^{(2)}(r_{12})$ olduğu hatırlanırsa

denklemini elde ederiz. Bu denkleminin sağ tarafları ∇ ve T de μ kimysal potansiyeline göre türevini alırsak

$$\sqrt{\int \left[g(r)^{(2)} - g^2 \right] d\vec{r}} = \bar{N}^2 - (\bar{N})^2 - \bar{N} \quad (I-5.17)$$

bulunur. Böylece $\int [g(r) - 1] d\vec{r}$ fonksiyonunu, kaymalarının ve özel olarakta \bar{N}^2 ve $(\bar{N})^2$ arasındaki farkın terimlerinde ifade edebiliriz. (I-5.17) den $S(k)$ yapı faktörünün $k \rightarrow 0$ iken limiti için

$$S(0) = 1 + \beta \int [g(r) - 1] d\vec{r}$$

$$= 1 + \frac{\bar{N}^2 - (\bar{N})^2 - \bar{N}}{\beta V} = \frac{\bar{N}^2 - (\bar{N})^2}{\beta V} \quad (I-5.18)$$

elde ederiz. Şimdi (I-5.18) denkleminin sağ tarafının izotermal kompressibiliteye nasıl bağlılığını gösterelim.

(I-5.10) denkleminin her iki tarafını \bar{N} ile çarparsak

$$\bar{N} \cdot Q_G = \bar{N} \sum_N \exp(N\mu/k_B T) \cdot Q(N, V, T)$$

$$= \sum_N N \exp(N\mu/k_B T) \cdot Q(N, V, T) \quad (I-5.19)$$

denklemi elde ederiz. Bu denklem sabit V ve T de μ kimyasal potansiyeline göre türevini alırsak

$$\left(\frac{\partial \bar{N}}{\partial \mu} \right)_{V,T} \cdot Q_G + \bar{N} \sum_N \left(N/k_B T \right) \exp(N\mu/k_B T) Q(N,V,T)$$

$$= \sum_N N \left(N/k_B T \right) \exp(N\mu/k_B T) \cdot Q(N,V,T)$$

veya

$$\left(\frac{\partial \bar{N}}{\partial \mu} \right)_{V,T} = \frac{1}{k_B T} \left[\bar{N}^2 - (\bar{N})^2 \right] \quad (I-5.20)$$

denklemi buluruz. Bu sonucu (I-5.18) denklemi ile birleştirirsek

$$S(0) = \frac{k_B T}{g V} \left(\frac{\partial \bar{N}}{\partial \mu} \right)_{V,T} \quad (I-5.21)$$

elde ederiz.

$$S dT - V dP + N \mu = 0$$

Gibbs-Duhem bağıntısında sabit sıcaklığındaki bir sisteme $(\bar{N} \rightarrow N)$

dalga boyu limitinde $S(0)$ yapı faktöründen K_T ye baglayıcı

$$d\mu = \frac{V}{N} dP$$

(I-5.21)

veya

denklemi kullanırsak,

$$\left(\frac{\partial \mu}{\partial \varphi}\right)_T = \frac{1}{\varphi} \left(\frac{\partial P}{\partial \varphi}\right)_T \quad (I-5.22)$$

denklemini yazabiliriz. Fakat

$$\left(\frac{\partial N}{\partial \mu}\right)_{V,T} = V \left(\frac{\partial \varphi}{\partial \mu}\right)_T$$

olduğundan (I-5.22) denklemi yardımcı ile

$$\left(\frac{\partial N}{\partial \mu}\right) = V \varphi \left(\frac{\partial \varphi}{\partial P}\right)_T \quad (I-5.23)$$

buluruz. Diğer taraftan K_T izotermal kompressibilite

$$\frac{1}{K_T} = -V \left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_T = \varphi \left(\frac{\partial P}{\partial \varphi}\right)_T \quad (I-5.24)$$

ile tanımlanmaktadır. (I-5.21, 23, 24) denklemlerini birleştirirsek, uzun

dalga boyu limitinde $S(0)$ yapı faktörünü K_T ye bağlayan

$$S(0) = k_B T \beta K_T \quad (I-5.25)$$

denklemi elde ederiz.

~~DİĞER İŞLEMLER//APİS VE TEKTEŞİN KULLANIMI~~

~~(I-6) DİĞER SİVİLLERIN YAPISI - İKİ DÖNÜMÜZ ÜZERİNE~~

~~DİĞER SİVİLLER~~

Sıvılarda enjeksiyon nedeniyle gerçekleşen dengesiz ve kuvvetli salınımalar boluların temelindeki yapıklärının etkisidir. Bu etkilerin etkisi sıklıkla çok fazla olmaktadır. Sıvıda sıvılarla yapılan reaksiyonlarda ise dengesizlikler genellikle, λ ırkları ve nötrallerin difüzyon hızlarının farklılığıdır. Kullanıcı kesinlikle dikkatli ise enjeksiyon nedeniyle bulutların tıkanıklığı, kolloidal sistemlerdeki polimerlerin polimerlerin altındaki geçici fiziksel ve kimyasal değişikliklerin olusumuna dayanır.

Bu şartın sağlanması gereklidir. λ ırkları (II-2) ile karışan yapılar polimerlerin, λ ırkları (II-3) ile karışan yapılar ise polimerlerin akış hızları, ırkların sıvılarla karıştırıldığında etkisini ve seviyesini (II-4) ve (II-5) de gösteren esasını koruyan bir konumda olmaları gereklidir. Bu şartlar karşılmamışsa sıvılar parçalanır ve bu da dikkatli bir şekilde yapılmalıdır.

Elektriksel olistik nötr ırkları ile sivillerde oluşan sivili etkiler, genellikle ırkların sıvıya ilgisi ve sıvıların ırkları üzerindeki etkilerdir.

ergimiş tuz ların tane haliyeine bairiz (Ergimiş NaCl). Böyle bir sistemde paralel X-rayları (veya nötronları) difraksiyon deneylerinde ortaya çıkan verilerin degerkendirilişile iyonik bir akışkanın hasıl yapılandırılmış gösterimini yediriz.

BOLUM II

ERGIMIS METAL TUZ KARISIMLARININ YAPISI VE TERMODINAMIK OZELLIKLERİ

(II-1) İYONİK SİVİLARIN YAPISI, YAPI FAKTORLERİ VE RADYAL DAĞILIM FONKSİYONU

Son yıllarda ergimiş metal tuzları üzerinde yapılan deneysel ve kuramsal çalışmalar bunların termodinamik özelliklerinin anlaşılması üzerinde yoğunlaştırılmıştır. Ergimiş metallerin yapılarının anlaşılmasında kullanılan deneysel yöntemler genellikle, X ışınları ve nötronların difraksiyonu deneylerine dayanmaktadır. Kuramsal kesimdeki çalışmalar ise ergimiş metal veya metal tuzlarının tamamiyle ionlarına ayrıldığı yani iyonik sıvılar olarak üniform bir yük nötralleşmesi altında çeşitli fiziksel modeller çerçevesinde analitik olarak incelenmesine dayanır.

(12,14,15)

Bu paragrafta iyonik sıvıların yapısını , paragraf (II-2) de kısmi yapı faktörlerini, paragraf (II-3) de yüklü katı kürelerden oluşan akışkanlar için ortalama küresel yaklaşıklık yöntemini ve paragraf (II-4) ve (II-5) de elde edilen analitik sonuçları ikili ergimiş tuz karışımlarının yapısal ve termodinamik özelliklerini için vereceğiz.

Elektriksel olarak nötr olan ve iyonlardan oluşmuş sıvı sistemler, genellikle iki iyon türünü veya bileşenlerini kapsarlar. Örneğin en basit

ergimiş tuz iki tane bileşene haizdir (Ergimiş NaCl). Böyle bir sistem üzerinde yapılan X ışınları (veya nötronların) difraksiyonu deneylerinden ortaya çıkan verilerin değerlendirilmesiyle iyonik bir akışkanın nasıl yapılandığını gösterimleyebiliriz.

α ve β tipi iyonik türlerden oluşan bir ergimiş tuz üzerine gelen X ışınlarının (veya nötronların) $I(\theta)$ saçılma şiddeti (θ saçılma açısının yarısı), tuzun $S_{\alpha\beta}(\vec{k})$ kısmi yapı faktörlerinin fonksiyonu olarak ifade edilebilir ($k = 4\pi \sin\theta/\lambda$). $S_{\alpha\beta}(\vec{k})$ kısmi yapı faktörleri, değişik tipteki iyon çiftleri için $g_{\alpha\beta}(\vec{r})$ -radyal dağılım fonksiyonlarının Fourier dönüşümleri olarak aşağıdaki gibi tanımlanmaktadır⁽²⁾:

$$S_{\alpha\beta}(\vec{k}) = S_{\alpha\beta} + \frac{g}{\rho} \int [g_{\alpha\beta}(\vec{r}) - 1] \exp(i\vec{k}\cdot\vec{r}) d\vec{r} \quad (\text{II-1.1})$$

$g_{\alpha\beta}(\vec{r})$ -radyal dağılım fonksiyonu bir sıvı içerisinde izotropik olduğundan (II-1.1) denklemi küresel koordinatlardaki θ ve φ açısı üzerinden integre edersek,

$$S_{\alpha\beta}(\vec{k}) = S_{\alpha\beta} + \frac{g}{\rho} \int [g_{\alpha\beta}(\vec{r}) - 1] 4\pi r^2 \frac{\sin\vec{k}\cdot\vec{r}}{\vec{k}\cdot\vec{r}} dr \quad (\text{II-1.2})$$

buluruz. Burada $\rho = N/V$ birim hacim içerisinde bulunan herbir türdeki iyonların sayısı ve $4\pi \rho g_{\alpha\beta}(\vec{r}) r^2 dr$ ise α türündeki bir iyondan r - uzaklığında bulunan dr - kalınlığındaki küresel bir kabuğun iç kısmında bir β türünden iyonun bulunma olasılığıdır. (II-1.1) ve (II-1.2) başıntılarının ters Fourier dönüşümleri,

$$g_{\alpha\beta}(\vec{r}) = \delta_{\alpha\beta} + \frac{1}{8\pi^3} \int [S_{\alpha\beta}(\vec{k}) - 1] \exp(i\vec{k}\cdot\vec{r}) d\vec{k}$$

$$= \delta_{\alpha\beta} + \frac{1}{2\pi^2 r} \int [S_{\alpha\beta}(\vec{k}) - 1] \vec{k} \sin \vec{k} \cdot \vec{r} d\vec{k}$$

(II-1.3)

ile verilmektedir. f_α , α türündeki iyonların atomik saçılma faktörü (nötronlar için ortalama saçılma uzunluğu) olmak üzere, $I(\vartheta)$ saçılma şiddeti,

$$I(\vartheta) = N \left[f_+^2 S_{++}(\vec{k}) + f_-^2 S_{--}(\vec{k}) + 2 f_+ f_- S_{+-}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.4})$$

ile tanımlanmaktadır. Kısmi yapı faktörlerinde oluşan yapısal bilgi, ilgimizi çeken sistemler için, $a_{\alpha\beta}$ fonksiyonları biçiminde gösterilmektedir ve

$$a_{\alpha\beta} = 1 + N (n_\alpha n_\beta)^{-\frac{1}{2}} [S_{\alpha\beta}(\vec{k}) - \delta_{\alpha\beta}] \quad (\text{II-1.5})$$

İfadesi ile tanımlanmaktadır.

İyonik yapı faktörlerinin özellikleri ergimiş tuzlar için, sıvı alasımlar için Bhatia-Thornton tarafından verilen yöntem ile benzerliğinden $S_{\alpha\beta}(\vec{k})$ ların lineer kombinasyonları olarak ifade edilmektedir.

İlk olarak, iyonik kısmi yapı faktörlerini iki iyonik bileşenle sayı yoğunluğu kaymaları arasındaki korelasyon faktörleri olarak yazabiliriz:

$$S_{\alpha\beta}(\vec{k}) = \frac{1}{2n} \left\langle n_{\alpha}(\vec{k}, 0) n_{\beta}(-\vec{k}, 0) + n_{\beta}(\vec{k}, 0) n_{\alpha}(-\vec{k}, 0) \right\rangle \quad (\text{II-1.6})$$

Burada $R_j(t)$, t zamanında j. iyonun konumu ve toplam α . bileşen üzerinden alınmak üzere $n_{\alpha}(\vec{k}, t)$,

$$n_{\alpha}(\vec{k}, t) = \sum_{j(\kappa)} \exp \left[i \vec{k} \cdot \vec{R}_j(t) \right] \quad (\text{II-1.7})$$

ile verilmektedir. Böylece iyonik türlere bakılmaksızın $n(\vec{k}, t)$ toplam sayı yoğunluğundaki kaymayı,

$$n(\vec{k}, t) = n_+(\vec{k}, t) + n_-(\vec{k}, t) \quad (\text{II-1.8})$$

ile ve $q(\vec{k}, t)$ konsantrasyonundaki kaymayı,

$$q(\vec{k}, t) = n_+(\vec{k}, t) - n_-(\vec{k}, t) \quad (\text{II-1.9})$$

ile ifade edebiliriz.

Bu değişkenlere karşı gelen korelasyon fonksiyonları ise

$$\begin{aligned} S_{NN}(\vec{k}) &= \frac{1}{2n} \langle n(\vec{k}, 0) n(-\vec{k}, 0) \rangle \\ &= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) + S_{--}(\vec{k}) + 2 S_{+-}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.10}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{QQ}(\vec{k}) &= \frac{1}{2n} \langle q(\vec{k}, 0) q(-\vec{k}, 0) \rangle \\ &= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) + S_{--}(\vec{k}) - 2 S_{+-}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.11}) \end{aligned}$$

ve

$$\begin{aligned} S_{NQ}(\vec{k}) &= \frac{1}{4n} \langle n(\vec{k}, 0) q(-\vec{k}, 0) + q(\vec{k}, 0) n(-\vec{k}, 0) \rangle \\ &= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) - S_{--}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.12}) \end{aligned}$$

denklemleri ile verilirler. Böylece (II-1.4) saçılma şiddetini $f_+ \approx f_-$ durumunda toplam sayı yoğunluğu kaymalarını ve $f_+ \approx -f_-$ olduğunda yük yoğunluğu kaymalarını göstermek üzere (II-1.10, 11, 12) denklemleri kullanı-

Bu değişkenlere karşı gelen korelasyon fonksiyonları ise

$$\begin{aligned} S_{NN}(\vec{k}) &= \frac{1}{2n} \langle n(\vec{k}, 0) n(-\vec{k}, 0) \rangle \\ &= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) + S_{--}(\vec{k}) + 2 S_{+-}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.10}) \end{aligned}$$

ve

$$\begin{aligned} S_{QQ}(\vec{k}) &= \frac{1}{2n} \langle q(\vec{k}, 0) q(-\vec{k}, 0) \rangle \\ &= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) + S_{--}(\vec{k}) - 2 S_{+-}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.11}) \end{aligned}$$

ve

$$S_{NQ}(\vec{k}) = \frac{1}{4n} \langle n(\vec{k}, 0) q(-\vec{k}, 0) + q(\vec{k}, 0) n(-\vec{k}, 0) \rangle$$

$$= \frac{1}{2} \left[S_{++}(\vec{k}) - S_{--}(\vec{k}) \right] \quad (\text{II-1.12})$$

denklemleri ile verilirler. Böylece (II-1.4) saçılma şiddetini $f_+ \approx f_-$ durumunda toplam sayı yoğunluğu kaymalarını ve $f_+ \approx -f_-$ olduğunda yük yoğunluğu kaymalarını göstermek üzere (II-1.10, 11, 12) denklemleri kullanı-

nilarak yeniden

$$I(\vartheta) = \frac{1}{2} N \left[(f_+ + f_-)^2 S_{NN}(\vec{k}) + (f_+ - f_-)^2 S_{QQ}(\vec{k}) \right. \\ \left. + 2(f_+^2 - f_-^2) S_{NQ}(\vec{k}) \right]$$

(II-1.13)

şeklinde yazabiliriz.

(II-2) İKİLİ ERGİMİŞ SAF METAL KARIŞIMLARININ KISMI YAPI FAKTÖRLERİ VE TERMODİNAMİK ÖZELLİKLERİ

(16)

Bhatia-Thornton zayıf saçılma yaklaşımlığını ve Van Hove korelasyon fonksiyon teknigini kullanarak ikili bir alaşım için (sıvı veya katı halde) saçılma fonksiyonunu $S_{NN}(\vec{k})$, $S_{QQ}(\vec{k})$ ve $S_{NQ}(\vec{k})$ üç dinamik yapı faktörünün terimleriyle ifade edilebileceğini göstermiştir. İki-li bir sistem için $a_{\alpha\beta}(\vec{k})$ kısmi yapı faktörlerini, (II-1.2) denklemi (II-1.5) denkleminde yerine koyarsak, $\rho=N/V$ olmak üzere,

$$a_{\alpha\beta} = 1 + 4\pi \frac{N}{V} \int_0^\infty \left[g_{\alpha\beta}(\vec{r}) - 1 \right] \frac{\sin \vec{k}\vec{r}}{\vec{k}\vec{r}} r^2 d\vec{r} \quad (\text{II-2.1})$$

şeklinde tanımlayabiliriz. Burada $g_{\alpha\beta}(\vec{r}) = g_{\beta\alpha}(\vec{r})$ olduğundan $a_{\alpha\beta} = a_{\beta\alpha}$ dır. Böylece ikili metal karışımı için $S_{NN}(\vec{k})$ sayı yoğunluğu korelasyonu, $S_{QQ}(\vec{k}) = S_{CC}(\vec{k})$ konsantrasyon korelasyonu ve $S_{NQ}(\vec{k}) = S_{NC}(\vec{k})$ sayı yoğunluğu-konsantrasyon korelasyon fonksiyonları, $c_2=c$ ikinci

metalin konsantrasyonu, $c_1 = c(1-c)$ birinci metalin konsantrasyonu olmak üzere $\alpha_{\alpha\beta}(\vec{k})$, kısmi yapı faktörlerinin terimlerinde

$$S_{NN}(\vec{k}) = (1-c)^2 \alpha_{11}(\vec{k}) + c^2 \alpha_{22}(\vec{k}) + 2c(1-c) \alpha_{12}(\vec{k})$$

$$S_{NC}(\vec{k}) = c(1-c) \left[(1-c)(\alpha_{11}(\vec{k}) - \alpha_{12}(\vec{k})) - c(\alpha_{22}(\vec{k}) - \alpha_{12}(\vec{k})) \right]$$

$$S_{CC}(\vec{k}) = c(1-c) \left[1 + c(1-c)(\alpha_{11}(\vec{k}) + \alpha_{22}(\vec{k}) - 2\alpha_{12}(\vec{k})) \right] \quad (\text{II-2.2})$$

veya

$$\alpha_{11}(\vec{k}) = S_{NN}(\vec{k}) + \frac{2}{(1-c)} S_{NC}(\vec{k}) + \frac{1}{(1-c)^2} S_{CC}(\vec{k}) - \frac{c}{1-c}$$

$$\alpha_{22}(\vec{k}) = S_{NN}(\vec{k}) - \frac{2}{c} S_{NC}(\vec{k}) + \frac{1}{c^2} S_{CC}(\vec{k}) - \frac{1-c}{c}$$

$$\alpha_{12}(\vec{k}) = \alpha_{21}(\vec{k}) = S_{NN}(\vec{k}) + \frac{2c-1}{c(1-c)} S_{NC}(\vec{k}) - \frac{1}{c(1-c)} S_{CC}(\vec{k}) + 1 \quad (\text{II-2.3})$$

şeklinde tanımlayabiliriz.

$S_{NN}(\vec{k})$, $S_{NC}(\vec{k})$ ve $S_{CC}(\vec{k})$ dinamik yapı faktörleri uzun dalga boyu limitinde ($k \rightarrow 0$), ifade edilirse k_B , Boltzmann sabiti, G , serbest Gibbs enerjisi, K_T , izotermal kompresibilite, P , basınç ve δ , hacim varyasyonu,

haline döndür. Genellikle $S_{cc}(\vec{k})$ denklemiyle tanımlanan

$$\delta = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial c} \right)_{T, P} = \frac{v_1 - v_2}{c v_1 + (1-c) v_2} = \frac{N}{V} (v_1 - v_2) \quad (\text{II-2.4})$$

ile verilir ve $S_{cc}(0)$ noktasıının yakınında koncentrasyon kaymaları olurken (II-2.3) denklemi de $S_{cc}(\vec{k})$ (II-2.9) denklemi ile ifade edilebilir. v_1 ve v_2 , α ve β türünden olan iyonların atom başına kısmi molar hacimleri olmak üzere, bunlar

$$\lim_{k \rightarrow 0} S_{cc}(\vec{k}) = \frac{N k_B T}{\left(\frac{\partial^2 G}{\partial c^2} \right)_{T, P, N}} = \frac{c(1-c)}{1 + \frac{2c(1-c)\omega}{k_B T}} \quad (\text{II-2.5})$$

$$\lim_{k \rightarrow 0} S_{NN}(\vec{k}) = \left(\frac{N}{V} \right) k_B T K_T + \delta^2 \lim_{k \rightarrow 0} S_{cc}(\vec{k}) \quad (\text{II-2.6})$$

ve (II-2.11)

$$\lim_{k \rightarrow 0} S_{NC}(\vec{k}) = -\delta \lim_{k \rightarrow 0} S_{cc}(\vec{k}) \quad (\text{II-2.7})$$

ile verilirler. Burada ω iki metal arasındaki değişim enerjisini ifade eder. İdeal bir çözelti halinde $\omega=0$ olacağından (II-2.5) denklemi,

$$S_{cc}(0) = c(1-c) \quad (\text{II-2.8})$$

haline dönüşür. Genellikle (II-2.5) denklemiyle tanımlanan

$\lim_{k \rightarrow 0} S_{cc}(\vec{k}) = S_{cc}(0)$ yapı sabiti Bhatia-Thornton yapı faktörü olarak bilinir. Eğer ω negatif ise ikili metal çözeltisi kritik bir noktayı haizdir ve T_c , kritik temperatürü $T_c = \frac{1}{2} \cdot |\omega| \cdot \frac{1}{k_B}$ ile verilir ve $S_{cc}(0)$ noktasının yakınında konsantrasyon kaymaları oldukça yüksektir. Son olarak, (II-2.3) denklemi,

$$\theta = \frac{N}{V} k_B T K_T \quad (\text{II-2.9})$$

olmak üzere (II-2.5, 6, 7) denklemiyle yardımcıla,

$$\alpha_{11} = \theta + \left[\frac{1}{(1-c)^2} - \frac{2\delta}{1-c} + \delta^2 \right] S_{cc} - \frac{c}{1-c} \quad (\text{II-2.10})$$

$$\alpha_{22} = \theta + \left[\frac{1}{c^2} + \frac{2\delta}{c} + \delta^2 \right] S_{cc} - \frac{1-c}{c} \quad (\text{II-2.11})$$

$$\alpha_{12} = \alpha_{21} = \theta + \left[\delta^2 - \frac{(2c-1)\delta}{c(1-c)} - \frac{1}{c(1-c)} \right] S_{cc} + 1 \quad (\text{II-2.12})$$

biçimine dönüşürler. Bu denklemler katyonlar arasındaki yapı faktörlerini olarak bilinirler.

(II-3) ORTALAMA KÜRESEL YAKLAŞIKLIK

Seyreltik elektrolit çözeltilerin üzerinde Debye ve Hückel tarafından (4) gerçekleştirilen çalışma, iyonik sıvıların yapılarının anlaşılması sırasında kuramsal olarak atılan ilk adımdır. Bu çalışmaya göre, çözeltinin tüm iyonları noktasal yüklerden oluşmakta ve ortak bir iyon etrafında oluşan ortalama elektrostatik potansiyel yardımıyla çözeltinin yapı faktörleri ve dolayısıyla termodinamik özelliklerini de saptanabilmektedir.

(5)

Daha sonraları, Mayer yapmış olduğu bir çalışmada, nötr parçacıklardan oluşan reel bir gaz için, lokal termodinamik denge halinde bulunan plazma modeli kullanarak geliştirmiş olduğu pertürbatif açılımları, Coulomb etkileşmeleri altında yeniden düzenleyerek iyonik çözeltilere uygulamış ve bu alanda yeni bir gelişmeye yol açmıştır.

(6)

Waismann ve Lebowitz (6), tüm sıvı iyonlarının katı kürelerden oluşanunu ve aralarında kısa menzilli çekim kuvvetleri ile birlikte Coulomb kuvvetlerinin de etkili olduğunu varsayıp iki bileşenli ergimiş tuz karışımının $g_{\alpha\beta}(\vec{r})$ radyal dağılım fonksiyonlarının kuramsal olarak saptanmasında ortalama küresel yaklaşıklık modelini geliştirmiştir.

$$g_{\alpha\beta}(\vec{r})$$

radyal dağılım fonksiyonunun analitik hesabında,

$$h_{\alpha\beta}(\vec{r}) = g_{\alpha\beta}(\vec{r}) - 1 \quad (\text{II-3.1})$$

net korelasyon fonksiyonunu tanımlamak üzere,

$$h_{\alpha\beta}(\vec{r}) = c_{\alpha\beta}(\vec{r}) + \sum_{\gamma} \int c_{\alpha\gamma}(|\vec{r} - \vec{r}'|) h_{\gamma\beta}(\vec{r}') d\vec{r}' \quad (\text{II-3.2})$$

Ornstein-Zernike (O-Z) integral denklemi kullanılmaktadır. Burada $c_{\alpha\beta}(\vec{r})$ direkt korelasyon fonksiyonudur. İyonlar arasındaki Coulomb potansiyeli, ϵ_0 ortamin dielektrik sabiti, z_α ve z_β α ve β türündeki iyonların değerleri olmak üzere

$$\Phi_{\alpha\beta}(\vec{r}) = \frac{z_\alpha z_\beta e^2}{\epsilon_0 r} \quad (\text{II-3.3})$$

ile tanımlanırsa, kısa menzilli kuvvetlerin etkisi altında, $c_{\alpha\beta}(\vec{r})$ korelasyon fonksiyonu Percus-Yevick (P-Y) yaklaşımı ile ve uzun dalga boyu limitinde

$$c_{\alpha\beta}(\vec{r}) = \left\{ 1 - \exp \left[-\Phi_{\alpha\beta}(\vec{r}) / k_B T \right] \right\} g_{\alpha\beta}(\vec{r}) \quad (\text{II-3.4})$$

ile Hypernetted Chain (HNC) yaklaşımıyle de

$$c_{\alpha\beta}(\vec{r}) = h_{\alpha\beta}(\vec{r}) - \ln g_{\alpha\beta}(\vec{r}) - \Phi_{\alpha\beta}(\vec{r}) / k_B T \quad (\text{II-3.5})$$

şeklinde ifade edilirler. Waisman ve Lebowitz (II-3.4) denklemiin ortalama küresel yaklaşım modelinde Laplace dönüşümünü de kullanarak analitik bir çözümü vermişlerdir. Ortalama küresel yaklaşım, $c_{\alpha\beta}(\vec{r})$ direkt korelasyon fonksiyonları için, α türünden bir iyon ile β türünden bir iyon arasındaki ortalama uzaklık $\sigma_{\alpha\beta} = (\sigma_\alpha + \sigma_\beta)/2$ olmak üzere ($\sigma_\alpha, \sigma_\beta, \alpha$ ve β türünden iyonların çapları) aşağıdaki yaklaşım ifadeleri öngörür.

ekinde kisa menzilli $\rho_{\alpha\beta}$ fonksiyonlarının tanımını vermek (II-3.7)

denkleminden,

$$\rho_{\alpha\beta}(\vec{r}) = 0 \quad r < \sigma_{\alpha\beta} \quad (\text{II-3.6})$$

(II-4.3)

$$\rho_{\alpha\beta}(\vec{r}) = -\frac{z_\alpha z_\beta e^2}{k_B T \epsilon_0 r} \quad r > \sigma_{\alpha\beta} \quad (\text{II-3.7})$$

(7) Baxter, üç boyutlu (0-Z) denkleminin bir çözümünü, uniform bir nötral-leşme altında birbirleriyle kuplaj halinde olan tek boyutlu iki integral (8) denklem sistemi haline indirgeyerek bulmuştur. Daha sonra Blum, Baxter'in çözümünden yararlanarak Fourier dönüşümü ile Wiener-Hopft faktörizasyon şemasını kullanarak (0-Z) denklemi analitik olarak çözmeyi başarmıştır. Bundan sonraki paragrafta, Blum'un bu çözümü ile ilgileneneceğiz.

(II-4) (0-Z) İNTEGRAL DENKLEMİNİN ÇÖZÜMÜ

Sayı yoğunluğu ρ_α , çapı σ_α ve değerliği z_α olan $\alpha (\alpha=1, \dots, n)$ türünden yüklü katıkürelerin bir karışımından oluşan bir sistemi ele alalım. Karışımın elektronötrlü koşulu,

$$\sum_\alpha \rho_\alpha z_\alpha = 0 \quad (\text{II-4.1})$$

denklemi ile tanımlanmaktadır.

$$c_{\alpha\beta}^0 = c_{\alpha\beta}(r) + \Phi_{\alpha\beta}(r)/k_B T \quad (\text{II-4.2})$$

şeklinde kısa-menzilli $c_{\alpha\beta}^o$ fonksiyonlarının tanımını verirsek (II-3.7) denkleminden,

$$c_{\alpha\beta}^o(\vec{r}) = 0 \quad r > r_{\alpha\beta} \quad (\text{II-4.3})$$

denklemlerini elde ederiz. (II-4.3) ve (II-4.4) denklemleri ile

olduğunu görebiliriz. $h_{\alpha\beta}(r)$ ve $c_{\alpha\beta}^o(r)$ korelasyon fonksiyonlarının üç boyutlu uzaydaki Fourier dönüşümleri,

$$H_{\alpha\beta}(k) = \int_{-\infty}^{+\infty} d\vec{r} \exp(i\vec{k}\cdot\vec{r}) h_{\alpha\beta}(r) \quad (\text{II-4.4})$$

$$C_{\alpha\beta}^o(k) = \int_{-\infty}^{+\infty} d\vec{r} \exp(i\vec{k}\cdot\vec{r}) c_{\alpha\beta}^o(r) \quad (\text{II-4.5})$$

birimde gösterimleyebiliriz. Bu denklemleri küresel koordinatlar üzerinden integre edersek

$$S_{\alpha\beta}(r) = 2\pi \int_r^\infty dt \cdot t c_{\alpha\beta}^o(t) \quad (\text{II-4.6})$$

$$J_{\alpha\beta}(r) = 2\pi \int_r^\infty dt \cdot t h_{\alpha\beta}(t) \quad (\text{II-4.7})$$

olmak üzere,

$$H_{\alpha\beta}(k) = 2 \int_0^\infty dr \cos kr J_{\alpha\beta}(r) \quad (\text{II-4.8})$$

olmak üzere,

$$\overset{\circ}{c}_{\alpha\beta}(k) = 2 \int_0^{\infty} dr \cos kr S_{\alpha\beta}(r) \quad (\text{II-4.9})$$

denklemlerini elde ederiz. (II-4.8) ve (II-4.9) denklemleri ile

$$\alpha^2 = 4\pi e^2 / k_B T \epsilon_0 \quad \text{olmak üzere}$$

$$D_{\alpha\beta} = z_\alpha z_\beta \alpha^2 \quad (\text{II-4.10})$$

tanımı altında Ornstein-Zernike denklemının Fourier dönüşümünü,

$$\lim_{\mu \rightarrow 0} \sum_{\gamma} \left[\delta_{\alpha\beta} + \sqrt{\rho_\alpha \rho_\gamma} H_{\alpha\gamma}(k) \right]$$

$$x \left[\delta_{\gamma\beta} - \sqrt{\rho_\gamma \rho_\beta} \left(C_{\gamma\beta}^{\circ}(k) - \frac{D_{\gamma\beta}}{k^2 + \mu^2} \right) \right] = \delta_{\alpha\beta} \quad (\text{II-4.11})$$

şeklinde yazabiliriz. Düzensiz bir sistem için, ikinci parantez (simetrik ve k nin çift fonksiyonu)

$$Q_{\alpha\beta}(k) = \delta_{\alpha\beta} + \sqrt{\rho_\alpha \rho_\beta} \left[- \int_{-\infty}^{\infty} d\vec{r} Q_{\alpha\beta}(r) \exp(ikr) \right] \quad (\text{II-4.12})$$

$$+ A_{\alpha\beta} \int_{-\infty}^{\infty} dr \exp(ikr) r \quad (\text{II-4.12})$$

olmak üzere,

$$\delta_{\alpha\beta} - \sqrt{\rho_\alpha \rho_\beta} \left(\tilde{C}_{\alpha\beta}(k) - \frac{D_{\alpha\beta}}{k^2 + \mu^2} \right) = \sum_{\gamma} Q_{\alpha\gamma}(k) Q_{\beta\gamma}(-k) \quad (\text{II-4.13})$$

şeklinde faktörize edilebilir. Burada, ~~denklemler ile~~

$$\lambda_{\alpha\beta} = (\sigma_\alpha - \sigma_\beta)/2 \quad (\text{II-4.14})$$

dır. (II-4.11) ve (II-4.13) bağıntılarından

$$\sum_{\beta} \left[\delta_{\alpha\beta} + \sqrt{\rho_\alpha \rho_\beta} H_{\alpha\beta}(k) \right] Q_{\beta\gamma}(k) = \left[Q_{\alpha\gamma}^T(-k) \right]^{-1} \quad (\text{II-4.15})$$

elde ederiz. Bu ifadenin Fourier inversi (II-4.12) bağıntısı kullanılarak elde edilebilir ve

$$J_{\alpha\beta}(r) = Q_{\alpha\beta}(r) + \sum_k \rho_k \left[\int_{-\infty}^{\sigma_{\beta k}} dr_i Q_{k\beta}(r_i) J_{\alpha k}(|\vec{r} - \vec{r}_i|) \right.$$

$$\left. - \exp(-\mu r) \int_{\sigma_{\beta k}}^{\infty} dr_i J_{\alpha k}(r_i) \exp(-\mu r_i) A_{kj} \right] \quad (\text{II-4.16})$$

integral denklemini verir. Burada $A_{kj} = z_k \alpha_{\beta}$ dır. Elektronötrlüksü α_{β} kullanarak,

olarak. Böylece $Q_{\alpha\beta}(r)$, r ye bağlı üçüncü dereceden polinom olmalıdır. OY de genel tıpkı kavşağı gibi, $Q_{\alpha\beta}(r)$

$$4\pi \sum_k g_k \int dr r^2 g_{k\beta}(r) = -z_\beta \quad (\text{II-4.17})$$

yazılır. (II-4.17) denklemi, (II-4.7) denklemi ile

$$\sum_k g_k \int_0^\infty dr_i J_{\alpha k}(r_i) A_{k\beta} = -\frac{1}{2} A_{\alpha\beta} \quad (\text{II-4.18})$$

şeklinde tekrar yazılabilir. Bu nedenle, (II-4.16) denklemi, (II-4.18) denklemi kullanarak $\mu \rightarrow 0$ limitinde

$$\begin{aligned} J_{\alpha\beta}(r) &= Q_{\alpha\beta}(r) + \frac{1}{2} A_{\alpha\beta} + \sum_k g \left\{ \int_{\lambda_{\beta k}}^{\sigma_{\beta k}} dr_i Q_{k\beta}(r_i) J_{\alpha k}(|\vec{r} - \vec{r}_i|) \right. \\ &\quad \left. + \int_0^{\sigma_{\beta k}-r} dr_i J_{\alpha k}(r_i) A_{k\beta} \right\} \end{aligned} \quad (\text{II-4.19})$$

olarak yazabiliniz. $r \leq \sigma_{\alpha\beta}$ olduğu zaman

$$J_{\alpha\beta}(r) = \pi r^2 + J_{\alpha\beta}, \quad J_{\alpha\beta} = 2\pi \int dr r h_{\alpha\beta}(r) \quad (\text{II-4.20})$$

olur. Böylece $Q_{\alpha\beta}(r)$, r ye bağlı ikinci dereceden polinom olmalıdır.

OKY de genel iyonik karışım için, $Q_{\alpha\beta}(r)$

(II-4.20)

$$Q_{\alpha\beta}(r) = \lim_{\mu \rightarrow 0} \left\{ -z_{\alpha} a_{\beta} \exp(-\mu r) + (r - \sigma_{\alpha\beta}) Q'_{\alpha\beta} + (r - \sigma_{\alpha\beta})^2 Q''_{\beta}/2 \right\} \quad (\text{II-4.21})$$

(II-4.21)

$$\lambda < r \leq \sigma_{\alpha\beta}$$

$$Q_{\alpha\beta}(r) = \lim_{\mu \rightarrow 0} \left\{ -z_{\alpha} a_{\beta} \exp(-\mu r) \right\} \quad r > \sigma_{\alpha\beta} \quad (\text{II-4.22})$$

(II-4.22)

dir. Burada

$$a_{\alpha} = \frac{\alpha^2}{2\Gamma(1+\Gamma\sigma_{\alpha}^2)} \left(z_{\alpha} - \frac{\pi}{2\Delta} \sigma_{\alpha}^2 P_n \right) \quad (\text{II-4.23})$$

$$Q'_{\alpha\beta} = \frac{2\pi}{\Delta} \left(\sigma_{\alpha\beta} + \frac{\pi}{4\Delta} \sigma_{\alpha} \sigma_{\beta} \gamma_2 \right) - \frac{2\Gamma^2}{\alpha^2} a_{\alpha} a_{\beta} \quad (\text{II-4.24})$$

Kite eklemek için OKY, bu eşitliklerdeki katsayıları 2'ye bölmeliyiz.

$$Q''_{\beta} = \frac{2\pi}{\Delta} \left(1 + \gamma_2 \sigma_{\beta} \frac{\pi}{2\Delta} + \frac{a_{\beta} P_n}{2} \right) \quad (\text{II-4.25})$$

cıkartın.

$$\Omega = 1 + \frac{\pi}{2\Delta} \sum_{\alpha} \frac{\rho_{\alpha} \sigma_{\alpha}^3}{1 + \Gamma \sigma_{\alpha}} \quad (\text{II-4.26})$$

$$\gamma_n = \sum \rho_{\alpha} (\sigma_{\alpha})^n \quad (\text{II-4.27})$$

(II-5) ERGİMİS ALKALİ-HALOJENLER KARŞILIMLARININ TERMODİNAMİK
ÖZELLİKLERİ

$$\Delta = 1 - \frac{\pi}{6} \zeta_3 \quad (\text{II-4.28})$$

i- Kimpasal Potansiyeli

$$P_n = \frac{1}{\Omega} \sum_{\alpha} g_{\alpha} \frac{z_{\alpha} \sigma_{\alpha}}{1 + \Gamma \sigma_{\alpha}} \quad (\text{II-4.29})$$

dir. Sonunda, Γ parametresi (ters uzunluk boyutuna sahip)

$$\Gamma = \frac{\alpha}{2} \left\{ \sum_{\alpha=1}^n g_{\alpha} \left[\left(z_{\alpha} - \frac{\pi}{2\Delta} \sigma_{\alpha}^2 P_n \right) / (1 + \Gamma \sigma_{\alpha}) \right]^2 \right\}^{1/2} \quad (\text{II-4.30})$$

olan cebirsel bir denklemin çözümüyle bulunur.

$\sigma_1 = \sigma_2 = \dots = \sigma_n = \sigma$ olduğu zaman, yani iyonik çapların birbirine eşit olduğu konumda, Waisman ve Lebowitz tarafından elde edilen sonuçlarla eşdeğer görülür.

(17)

Abramo'nun yapmış olduğu çalışma, farklı yarıçaplı yüklü katı küre akışkanı için OKY, bütün ergimiş alkali halojenürler için difraksiyon örneklerinin değerlendirilmesine uygulanmıştır. Tasarı, en azından katyon ve anyonların büyülüklüklerinin çok farklı olmadığı durumda saf ergimiş tuzların gözlenen difraksiyon örneklerinin tam bir hesabını meydana çıkarır.

$$F = k T V \left[- \frac{\alpha^2}{\pi} \left(\Gamma \sum_{\alpha=1}^n \frac{\Delta \sigma_{\alpha}^2}{(1 + \Gamma \sigma_{\alpha})} + \frac{\pi}{2\Delta} \sigma_{\alpha}^2 P_n \right) + \frac{1}{m} \right]$$

(II-5) ERGİMİŞ ALKALİ-HALOJENÜR KARIŞIMLARININ TERMODİNAMİK
ÖZELLİKLERİ

i- Kimyasal Potansiyel

Ergimiş tuz karışımlarının kimyasal potansiyelleri, katı çekirdek ve Coulomb etkileşimi katkısı olmak üzere iki kısımdan oluşmaktadır. *i.* bileşenin μ_i^c kimyasal potansiyeli

$$\mu_i = \mu_i^{hc} + \mu_i^c \quad (\text{II-5.1})$$

dır. Burada μ_i^{hc} katı küre katkısı ve μ_i^c Coulomb katkısını gösterir. Helmholtz serbest enerjisi (F) ve kimyasal potansiyeller arasındaki termo-dinamik bağıntı,

$$\mu_i^{hc} = \left(\frac{\partial F}{\partial N_i} \right)_{V, T, N_j \neq i}, \quad \mu_i^c = \left(\frac{\partial F}{\partial N_i} \right)_{V, T, N_j \neq i} \quad (\text{II-5.2})$$

dır.

Kimyasal potansiyellerin Coulomb katkısının hesabı için, ilk kez (18) Blum tarafından elde edilmiş olan

$$F^c = k_B T V \left[-\frac{\alpha^2}{4\pi} \left(\Gamma \sum_i \frac{p_i z_i^2}{(1+\Gamma\sigma_i)} + \frac{\pi}{2\Delta} \Omega p_n^2 \right) + \frac{\Gamma^3}{3\pi} \right] \quad (\text{II-5.3})$$

serbest enerjisini kullanırız.

$F^c, \Gamma, \Omega, P_n, \Delta, N_i$ OKY parametrelerinin bir fonksiyonu olduğundan, (II-5.3) ifadesinin N ye göre kısmi türevi

$$\begin{aligned} \left(\frac{\partial F^c}{\partial N_i} \right)_{V, T, \tilde{\sigma}_i, N_j \neq i} &= \frac{\partial F^c}{\partial N_i} + \frac{\partial F^c}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial N_i} + \left[\frac{\partial \bar{P}_n}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial N_i} \right. \\ &\quad \left. + \frac{\partial \bar{P}_n}{\partial N_i} \right] \frac{\partial F^c}{\partial \bar{P}_n} + \left[\frac{\partial F^c}{\partial \bar{P}_n} \frac{\partial \bar{P}_n}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial \Delta} + \frac{\partial F^c}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial \Delta} \right. \\ &\quad \left. + \frac{\partial F^c}{\partial \Delta} \right] \frac{\partial \bar{P}_n}{\partial N_i} + \left[\left(\frac{\partial \bar{P}_n}{\partial \Gamma} + \frac{\partial \bar{P}_n}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial \Gamma} \right) \frac{\partial F^c}{\partial \bar{P}_n} \right. \\ &\quad \left. + \frac{\partial F}{\partial \Omega} \frac{\partial \Omega}{\partial \Gamma} + \frac{\partial F^c}{\partial \Gamma} \right] \frac{\partial \Gamma}{\partial N_i} \end{aligned} \quad (\text{II-5.4})$$

olarak elde edilebilir.

(II-4.26), (II-4.27), (II-4.28), (II-4.29) ve (II-4.30) denklemle-rinden (II-5.4) deki bütün türevleri hesapladığımız zaman ve (II-5.4) de onları yerine koyduğumuz zaman

$$\frac{\mu_i^c}{k_B T} = -\frac{\alpha^2}{4\pi(1+\Gamma \tilde{\sigma}_i)} \left[\Gamma z_i^2 - \frac{2}{3} \left(\frac{\pi}{2\Delta} P_n \right)^2 \tilde{\sigma}_i^2 + \frac{\pi}{\Delta} P_n \tilde{\sigma}_i z_i + \frac{1}{3} \left(\frac{\pi}{2\Delta} P_n \right)^2 \Gamma \tilde{\sigma}_i^4 \right] \quad (\text{II-5.5})$$

bağıntısını elde ederiz.

Diğer taraftan, kimyasal potansiyellerin katı küre katkısını,

$$F = - \int P(V) dV + \text{Sabit} \quad (\text{II-5.6})$$

serbest enerji ve basınc arasındaki bağıntı vasıtasyyla ve OKY çerçevesinde nötral katıkürelerin karışımından ortaya çıkan,

$$\frac{P^{hc}}{k_B T} = \frac{6}{\pi} \left[\frac{\xi_0}{\Delta} + \frac{3\xi_1\xi_2}{\Delta^2} + \frac{3\xi_2^3}{\Delta^2} \right] \quad (\text{II-5.7})$$

virial basıncını kullanarak

$$\mu_i^{hc} = \frac{\mu_{id}}{k_B T} - \ln \Delta + \frac{3\sigma_i \xi_2}{\Delta} + \left[\frac{3\xi_1}{\Delta} + \frac{9\xi_2^2}{\Delta \xi_3} + \frac{9\xi_2^2 \ln \Delta}{\xi_3^2} \right] \sigma_i^2$$

$$+ \left[\frac{\xi_0}{\Delta} + \frac{3\xi_1\xi_2}{\Delta^2} + \frac{3\xi_2^3}{\Delta \xi_3^2} - \frac{6\xi_2^3}{\xi_3^3 \Delta} \ln \Delta - \frac{6\xi_2^3}{\xi_3 \Delta} \right] \sigma_i^3$$

(II-5.8)

elde ederiz. μ_{id} ideal karışımın kimyasal potansiyeli,

$$\xi_n = \frac{1}{6} \pi \sum_{\alpha} g_{\alpha} \sigma_{\alpha}^n \quad \text{ve} \quad \Delta = 1 - \xi_3$$

ile verilir.

ii- Kısmi Yapı Faktörleri

Ergimiş alkali-halojenür karışımlarında altı kısmi yapı faktörü vardır. Örnek olarak (KBr-NaBr) karışımını alırsak, alkali metallerle ilgili olan kısmi yapı faktörleri (a_{KK} , a_{NaNa} , a_{KNa}) paragraf (II-1.2) de açık-

lanmıştır. Anyonları içeren kısmi yapı faktörleri (a_{KBr} , a_{NaBr} , a_{BrBr}) karışımın elektriksel olarak nötr olması koşulu kullanılarak açıklanabilirler. Eğer bir K^+ iyonu üzerinde bulunursak onun etrafındaki toplam yükü nötrlük koşulunu,

$$-e = n_{Na} \int 4\pi r^2 dr g_{KNa}(r)(+e) + n_K \int 4\pi r^2 dr g_{KK}(r)(+e)$$

$$+ n_{Br} \int 4\pi r^2 dr g_{KBr}(r)(-e)$$

(II-5.9)

olarak düzenlemek suretiyle hesaplayabiliriz. $a_{\alpha\beta}(k)$ kısmi yapı faktörleri,

$$\frac{a_{\alpha\beta}(k)}{k \rightarrow 0} = 1 + n \int 4\pi r^2 dr [g_{\alpha\beta}(r) - 1] \quad (II-5.10)$$

olarak tanımlanır. (II-5.9) denklemini,

yazabiliris. Na^+ iyonu etrafında bulandığında benzer şekilde,

$$-e = n_{Na} \int 4\pi r^2 dr [g_{KNa}(r) - 1](+e) + n_K \int 4\pi r^2 dr [g_{KK}(r) - 1](+e)$$

$$+ n_{Br} \int 4\pi r^2 dr [g_{KBr}(r) - 1](-e) \quad (II-5.11)$$

şeklinde yazabiliris ve

$$+ n_{Br} \int 4\pi r^2 dr g_{BrBr}(r)(-e) \quad (II-5.12)$$

yazarız. Buna da,

$$\int 4\pi r^2 dr \left[g_{\alpha\beta}(r) - 1 \right] = \frac{1}{n} \left[a_{\alpha\beta}(0) - 1 \right] \quad (\text{II-5.12})$$

olduğundan (II-5.12) denklemini, (II-5.11) de yerine koyarsak

$$\begin{aligned} -1 &= n_{Na}/n \left[a_{KNa}(0) - 1 \right] + n_K/n \left[a_{KK}(0) - 1 \right] \\ &\quad - n_{Br}/n \left[a_{KBr}(0) - 1 \right] \end{aligned} \quad (\text{II-5.13})$$

ve $c_{Na} = n_{Na}/n$ olmak üzere

$$a_{KBr} = 1 + c_{Na} a_{KNa} + c_K a_{KK} \quad (\text{II-5.14})$$

yazabiliriz. Na^+ iyonu üzerinde bulunduğuuzda benzer şekilde,

$$a_{NaBr} = 1 + c_{Na} a_{NaNa} + c_K a_{NaK} \quad (\text{II-5.15})$$

buluruz. Br^- iyonu üzerinde bulunursak,

$$\begin{aligned} +e &= n_K \int 4\pi r^2 dr g_{BrK}(r) (+e) + n_{Na} \int 4\pi r^2 dr g_{BrNa}(r) (+e) \\ &\quad + n_{Br} \int 4\pi r^2 dr g_{BrBr}(r) (-e) \end{aligned} \quad (\text{II-5.16})$$

yazarız. Buradan, $\alpha_{BrBr} = c_{Na} \alpha_{BrNa} + c_K \alpha_{BrK} - 1$

$$\alpha_{BrBr} = c_{Na} \alpha_{BrNa} + c_K \alpha_{BrK} - 1 \quad (II-5.17)$$

elde ederiz. (II-5.14) ve (II-5.15) denklemelerinden (II-5.17) denklemi,

$$\alpha_{BrBr} = c^2 \alpha_{zz} + 2c(1-c)\alpha_{12} + (1-c)^2 \alpha_{11} \quad (II-5.18)$$

şeklinde tekrar yazabiliriz. Burada, $c_K = c$, $c_{Na} = (1-c)$ ve $\alpha_{12} = \alpha_{NaK}$ dır.

iii- İyonik Karışımaların Termodinamik Özellikleri

a) Sayı Konsantrasyonu: Sayı konsantrasyonu, genelde

$$x_i = \frac{\rho_i V}{N_{top}} = \rho_i / \rho \quad (II-5.19)$$

olarak tanımlanır. Burada $N_{top} = \sum_i N_i$ iyonların toplam sayısı, V hacmi ve $\rho_i = N_i/V$ o iyon türünün sayı yoğunluğudur.

N_1 ve N_2 pozitif iyonların ve N_3 negatif iyonların sayısı olduğundan iyonların toplam sayısı,

$$N_{top} = N_1 + N_2 + N_3$$

dür.

b) Molar Konsantrasyon: Molar konsantrasyon,

$$c_i = N_{si} / \sum_j N_{sj} \quad (\text{II-5.20})$$

olarak tanımlanır. Burada, N_{sj} , tuzların mol sayısını gösterir.

c) Kısmi Hacimler: İyonların kısmi hacimleri,

$$v_i = \left(\frac{\partial V}{\partial N_i} \right)_{T, P, N_j} = - \left(\frac{\partial P}{\partial N_i} \right)_{V, T, N_j, r_i, z_i} / \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_{T, N_j, r_i, z_i} \quad (\text{II-5.21})$$

formülüyle tanımlanır. Burada P basıncı, iyonik karışım için $P = P(T, V, N_i, r_i, z_i)$ fonksiyonuyla ifade edilir. Burada r_i iyon çapıdır ve z_i daima sabittir.

Bir molekül tuzun kısmi hacmi,

$$v_{si}(c) = - \left[\left(\frac{\partial P}{\partial N_1} \right)_{N_3 N_i} + \left(\frac{\partial P}{\partial N_3} \right)_{N_i N_i} \right] / \left[\frac{\partial P}{\partial V} \right]_{T, N_1, N_2, N_3} \quad (\text{II-5.22})$$

dır. Burada, ($i=1,2$, $j=1,2$ ve $i \neq j$) dır. Çünkü iki bileşenli tuz karışımlarında moleküllerin kısmi hacimleri,

$$v_{si}(c) = v_i(c) + v_j(c) \quad i=1,2 \quad (\text{II-5.23})$$

olarak konsantrasyona bağlıdır. (II-5.22) denklemini basıncın Coulomb ve katı küre katkısını düşünürsek,

$$v_{si} = - \left[\frac{\partial P}{\partial N_i} \right]_{N_j, N_3}^{hc} + \left[\frac{\partial P}{\partial N_3} \right]_{N_i, N_j}^{hc} + \left[\frac{\partial P}{\partial N_i} \right]_{N_j, N_3}^c + \left[\frac{\partial P}{\partial N_3} \right]_{N_i, N_j}^c \Bigg]_{V,T} / \left[\frac{\partial P}{\partial V} \right]_{N_1, N_2, N_3}^{hc} + \left[\frac{\partial P}{\partial V} \right]_{N_1, N_2, N_3}^c \quad (\text{II-5.24})$$

şeklinde yazabiliriz. Katı küre katkısını P^{hc} ve Coulomb katkısını P^c ile gösteririz. OKY çerçevesinde (II-5.24) denklemindeki bütün türevler hesaplanarak v_{si} kısmi hacminin analitik ifadesi,

$$v_{si} = \left\{ \frac{2}{\Delta} + \frac{3\xi_2}{\Delta^2} \left(\tilde{r}_i + \tilde{r}_3 \right) + \left(\frac{3\xi_1}{\Delta^2} + \frac{9\xi_2}{\Delta^2} \right) \cdot \left(\tilde{r}_i^2 + \tilde{r}_3^2 \right) + \left(\frac{\xi_0}{\Delta^2} + \frac{6\xi_1\xi_2}{\Delta^3} + \frac{6\xi_2^3}{\Delta^3} \right) \left(\tilde{r}_i^3 + \tilde{r}_3^3 \right) \right.$$

$$\left. + \left\{ - \frac{\Gamma}{2\pi\alpha^2} \left(a_i^2 + a_3^2 \right) + \frac{\Gamma}{4\Delta\Omega} \right\} D \right]$$

$$+ \left\{ - \frac{\Gamma}{2\pi\alpha^2} \left(a_i^2 + a_3^2 \right) + \frac{\Gamma}{4\Delta\Omega} \right\} D$$

$$\cdot \left[\frac{P_n}{\alpha^2\Delta} \left(a_i^2 + a_3^2 \right) + \left(c_i + c_3 \right) \right] D$$

$$- \frac{\alpha^2}{4\Delta^2\Omega} \left(1 + B \right) \cdot \left(c_i + c_3 \right) \} \quad (\text{II-4.25})$$

$$\left\{ 1 + B - \frac{\pi \Gamma}{2\alpha^2 \Omega \Delta} D^2 \right\}^{-1} / \left\{ -\frac{6}{\pi} \left[\frac{\zeta_0}{\Delta^2} + \frac{6\zeta_1 \zeta_2}{\Delta^3} \right. \right.$$

$$+ \left. \frac{3\zeta_2^3}{\Delta^2} \right] + \left\{ \frac{\Gamma^3}{2\pi} \left[1 - \frac{\pi P_n}{\Delta^2 \Omega \Gamma} D \right] + \frac{\alpha^2 P_n^2}{4\Delta^3 \Omega} \right.$$

$$\cdot \left. (1 + B) \right\} \left\{ 1 + B - \frac{\pi \Gamma}{2\Omega \alpha^2 \Delta} D^2 \right\}^{-1}$$

Burada $\zeta_k = \frac{\rho_k \sigma_k \alpha_k}{1 + \Gamma \sigma_k}$,

(12)
bulunur. Burada,

$$D = \sum_k \frac{\rho_k \sigma_k \alpha_k}{1 + \Gamma \sigma_k} \quad \text{ve} \quad B = \frac{\Gamma}{\alpha^2} \sum_k \frac{\rho_k \sigma_k \alpha_k^2}{1 + \Gamma \sigma_k}$$

dir.

d) Hacim varyasyonu:

$$\delta = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial c} \right)_{T, P} \quad (\text{II-5.26})$$

olarak tanımlanır. Sistemimizde hacim varyasyonu,

$$K_T = -\frac{P}{V} \left\{ \left[\frac{T^3}{2\pi} \left(1 - \frac{TP_n}{A^3 \Omega T} D \right) + \frac{\alpha^2 P_n^2}{4A^3 \Omega} \right] \right.$$

$$\delta = -\frac{N_{top}}{V} \left[\left. \frac{\partial V}{\partial N_2} \right|_{T, P, N_1} - \left. \frac{\partial V}{\partial N_1} \right|_{T, P, N_2} \right] \quad (II-5.27)$$

olarak ifade edilir. $\left. \frac{\partial V}{\partial N_\alpha} \right|_{T, P, N_\beta} = v_\alpha$ bağıntısı kullanılarak (II-5.27) denklemi aşağıdaki gibi yazılabilir:

$$\delta = \frac{N_{top}}{V} [v_2 - v_1] \quad (II-5.28)$$

Başka şekilde,

$$\delta = \frac{N_{top}}{V} [v_i^\circ - v_2^\circ] \quad (II-5.29)$$

olarak yazılabilir. Burada v_i° , saf tuzlarda iyonların kısmi hacimleridir.

e) İzotermal Kompresibilite: İzotermal kompresibilite

$$K_T = -\frac{1}{V} \left. \frac{\partial V}{\partial P} \right|_T \quad (II-5.30)$$

olarak tanımlanır, Analitik ifadesi,

$$K_T = -\beta / \left\{ \left[\frac{\Gamma^3}{2\pi} \left(1 - \frac{\pi P_n}{\Delta^3 \Omega \Gamma} D \right) + \frac{\alpha^2 P_n^2}{4\Delta^3 \Omega} \right. \right.$$

$$\left. \cdot (1+\beta) \right] \left[1 + B - \frac{\pi \Gamma}{2\Omega \alpha^2 \Delta} D^2 \right]^{-1}$$

(II-5.31)

$$- \frac{6}{\pi} \left(\frac{\zeta_0}{\Delta^2} + \frac{6\zeta_1 \zeta_2}{\Delta^3} + \frac{3\zeta_2^2}{\Delta^2} \right) \}$$

dır. -1. state

Bu haliinde doğada çok sık rastlanan bazı Alkali metal-bronzyus karbonatlarının temeldeki özellikleri ornek nöktelerde circa 1073°K inceleyeceğiz. Bu ansieme, daha önceki bölümde şimdili bir biçimde vermiş olduğumuz özyüksek çaprazının doğrulanmış analitik sonuçları gibi yapılmamış ve kümeler hesaplanmamış. İçin yarımkaç olası ve gerekli veriler 1073°K için Tablo I de gösterilmiştir. Bu tablo, bu komplekslere giden gidişatları, yani etkisizliklerin genel bir degerlendirilmelerini içermekte bulunmaktadır ve vermektedir.

Burdan sonraki proseslerdeki Tablo I de verilenin verilerin 1073°K altında bazı buza tabanlı 1073°K için verilenin temeldeki çaprazının etkilerini sira ile göstermektedir. Yine etkisizliklerin genel bir degerlendirilmeleri içermekte bulunmaktadır ve vermektedir.

(III-2) K_p (K, molar)

K_p -değerinin en düşük noktası circa 1073°K de K_p izotermal kompatibiliteinin pozitif konumunu göstermektedir. Bu değerin Sebil III-1 de verilmiştir. Bu sonucum K_p nin en 0,5 de ki değerini; $38,09 \cdot 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$

Alkali Metal-Klorür Hacim Bromür (1073°K)	
BÖLÜM III	1,698
No Br	75,596
	106,433
	CD 203

ALKALİ METAL-BROMUR TUZLARI KARIŞIMLARININ İNCELENMESİ

(III-1) GİRİŞ

Bu bölümde doğada çok sık rastlanan bazı önemli alkali metal-bromur tuz karışımlarının termodinamik özelliklerini ortak ergime noktaları civarında (1073°K) inceleyeceğiz. Bu inceleme, daha önceki bölümde ayrıntılı bir biçimde vermiş olduğumuz OKY yöntemi çerçevesinde öngörülen analitik hesaplara göre yapılmıştır ve komputer hesaplamaları için yararlanılmış olduğumuz gerekli veriler 1073°K için Tablo I de gösterilmiştir^(19,20,21). Ayrıca, bu hesaplamaları gösteren programı örnek olarak EK' te vereceğiz.

Bundan sonraki prograflarda Tablo I de verdiğiimiz verilerin ışığı altında bazı brom tuzları için yapılmış olan komputer çalışmalarının sonuçlarını sıra ile gözden geçireceğiz. Elde ettiğimiz bu sonuçların genel bir değerlendirmesini ise tartışma bölümünde vereceğiz.

(III-2) $(\text{K}, \text{Na})\text{Br}$

KBr-NaBr karışımının ergime noktası civarındaki 1073°K de K_T izotermal kompresibilitesinin çeşitli konsantrasyonlardaki değişimi Şekil (III-1) de verilmiştir. Bu sonuçtan K_T nin $c = 0,5$ de ki değerinin $38,09 \cdot 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$

olduğu görülmektedir:

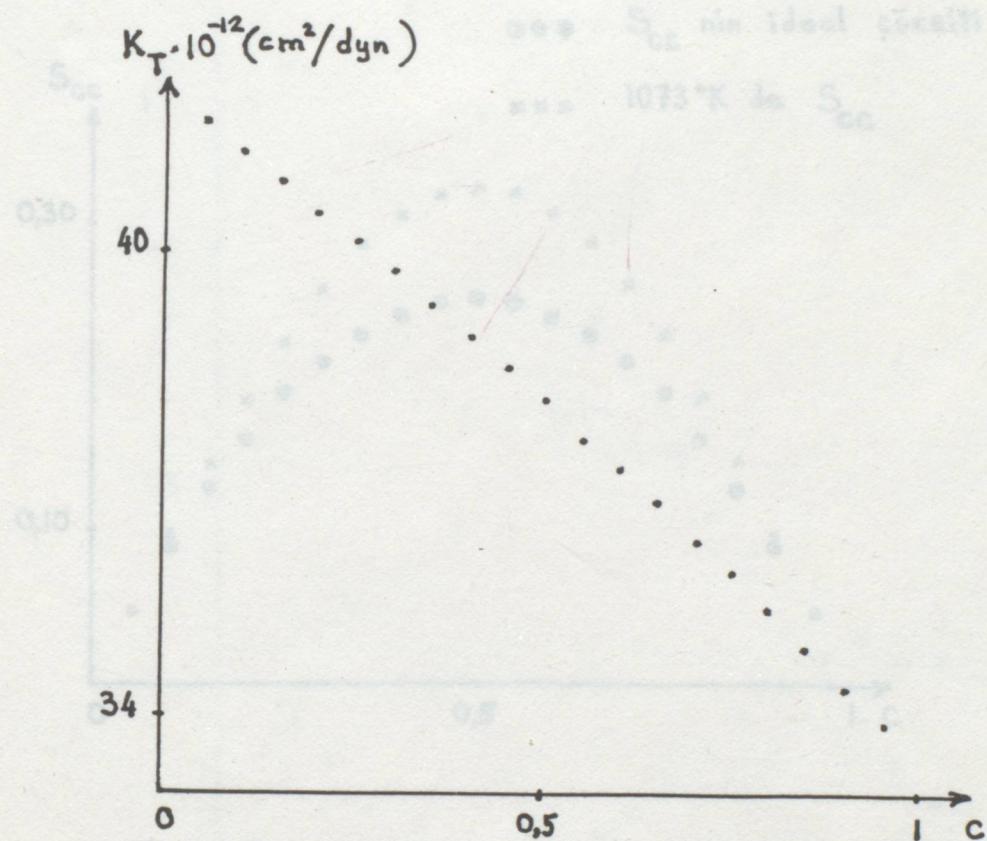
Alkali Metal Bromür	Kısmi Hacim (1073°K)
KBr	95,698
NaBr	75,596
CsBr	120,923
RbBr	106,433
LiBr	60,809

iyon	iyon Çapı (A°)	iyon Yükü
Br	3,31	-1
Cs	3,32	+1
Rb	3,04	+1
K	2,80	+1
Na	2,25	+1
Li	1,63	+1

Şekil (III-1) deki S. Ederlerin yapı formülünden ideal görelilik haliyle kareköklere göre verilen ideal bir olasılık için $\Sigma = 0,25$ olmasına karşılık, $\Sigma = 0,432$ dir.

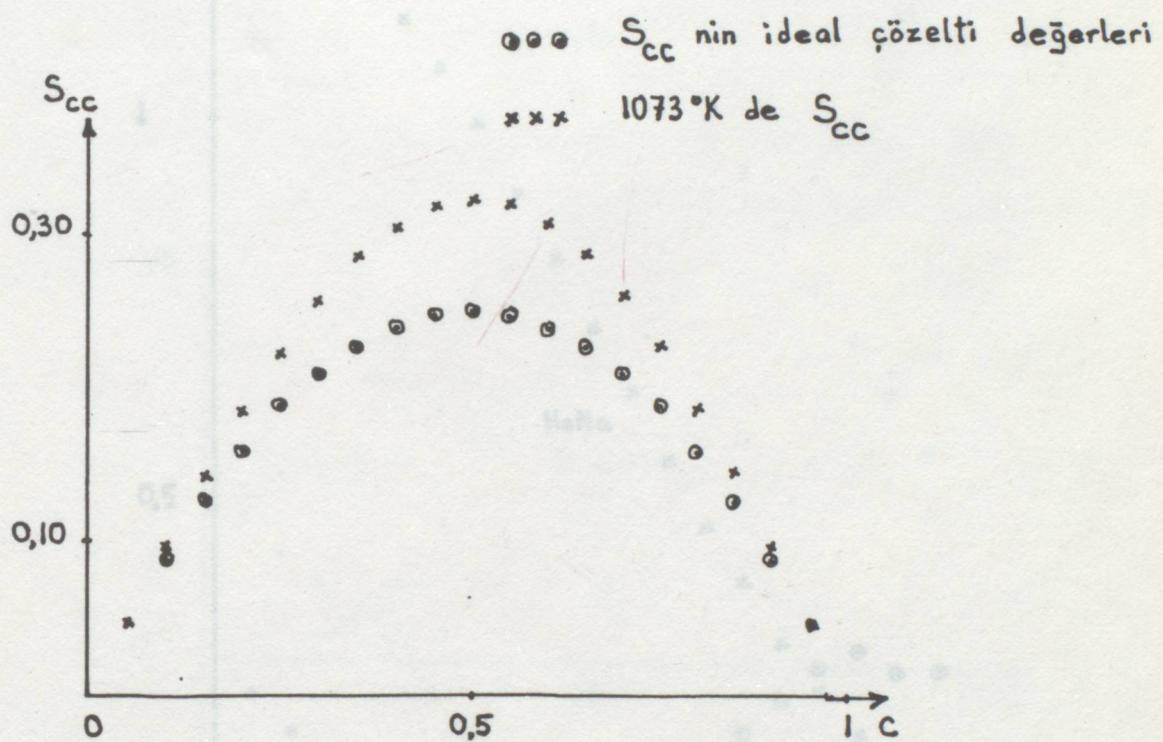
Tablo I

olduğu görülmektedir.



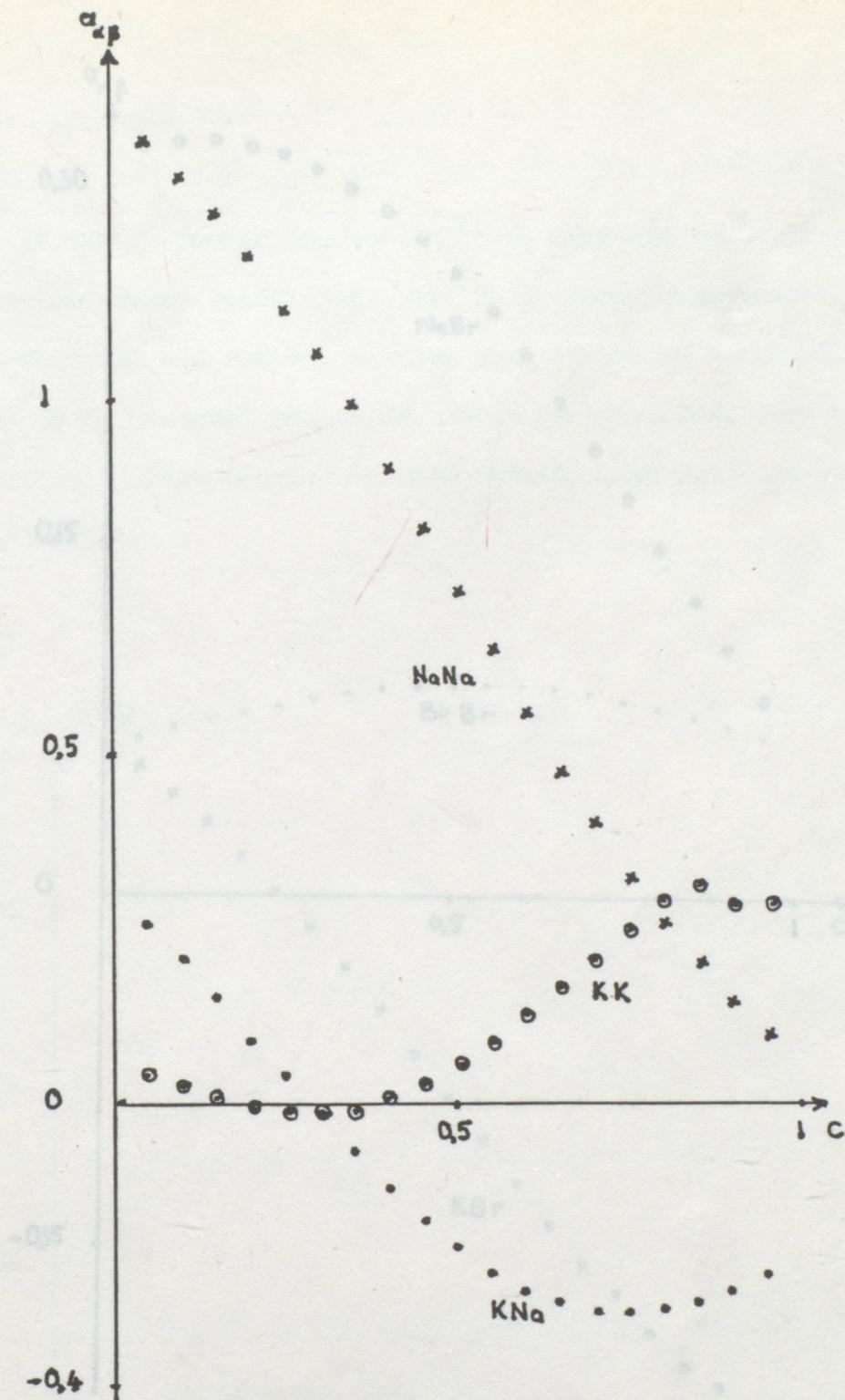
Şekil (III-1): Ergimiş KBr-NaBr sisteminde NaBr için K_T 'nin c konsantrasyonunun fonksiyonu olarak değişimi.

Şekil (III-2) de ise S_{CC} Bhatia-Thornten yapı faktörünün ideal çözelti haliyle karşılaştırılması gösterilmiştir ve ideal bir çözelti için $S_{CC} = 0,25$ olmasına karşılık KBr-NaBr için $c = 0,5$ de $S_{CC} = 0,3232$ dir.

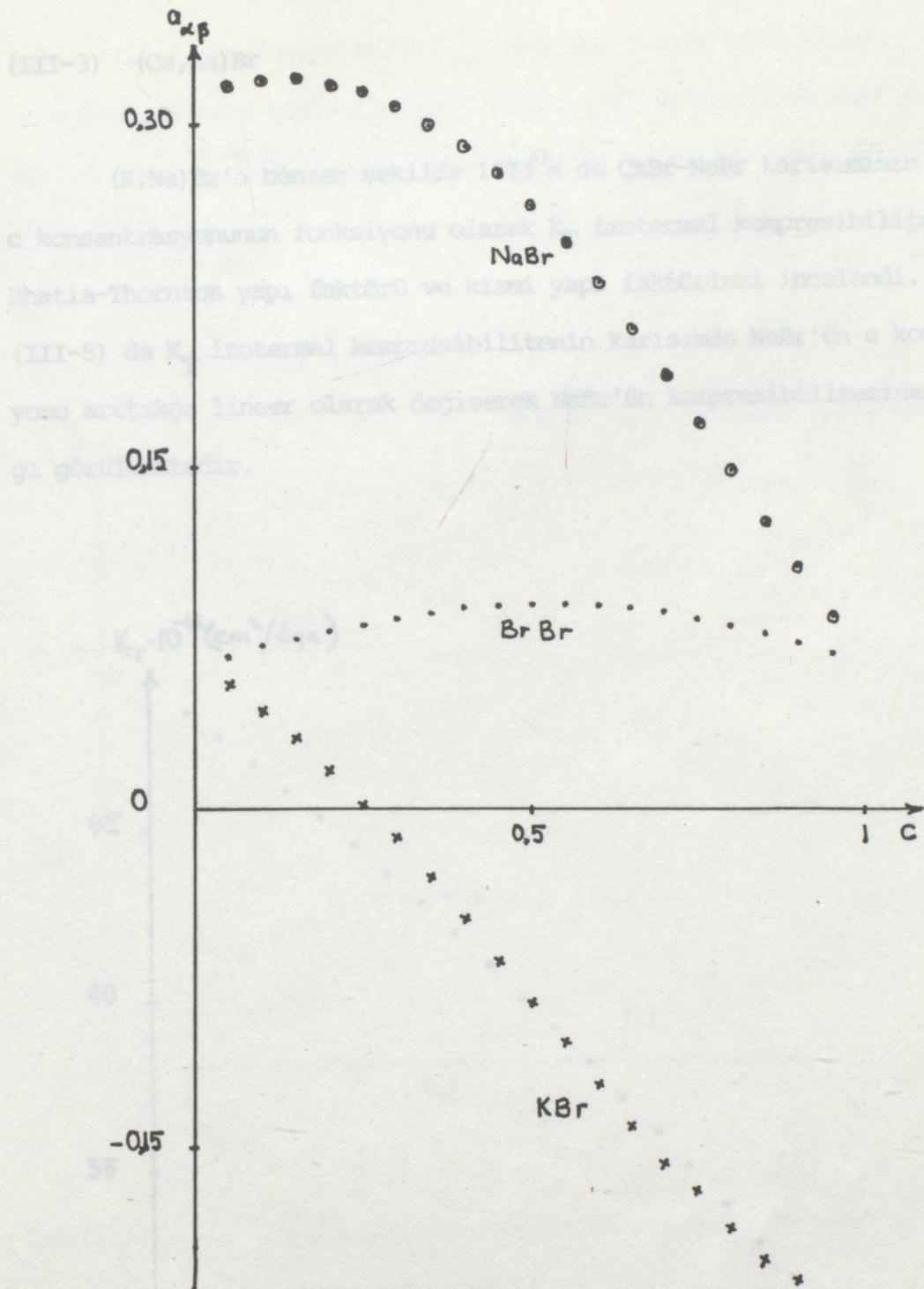


Şekil (III-2): 1073°K de KBr-NaBr'ün S_{CC} yapı faktörü.

Şekil (III-3) de uzun dalga boyu limitinde konsantrasyona bağlı olarak katyonlarla ilgili kısmi yapı faktörlerinin değişimi görülmektedir. Burada üç eğri (II-2.10), (II-2.11) ve (II-2.12) bağıntılarından elde edilmiş tir ve karışışındaki K ve Na iyonları arasındaki (a_{KK} , a_{NaNa} ve a_{KNa}) korelasyonlarını göstermektedir. Şekil (III-4) de ise (II-5.14), (II-5.15) ve (II-5.18) bağıntılarından elde edilmiş olan Br iyonlarını içeren kısmi yapı faktörleridir. Burada (a_{KBr} , a_{NaBr} ve a_{BrBr}) ise K, Na ve Br iyonları arasındaki korelasyonları göstermektedir.



Şekil (III-3): 1073°K de ergimiş $\text{KBr}-\text{NaBr}$ sisteminde uzun dalga boyu limitinde katyonların kısmi yapı faktörleri.

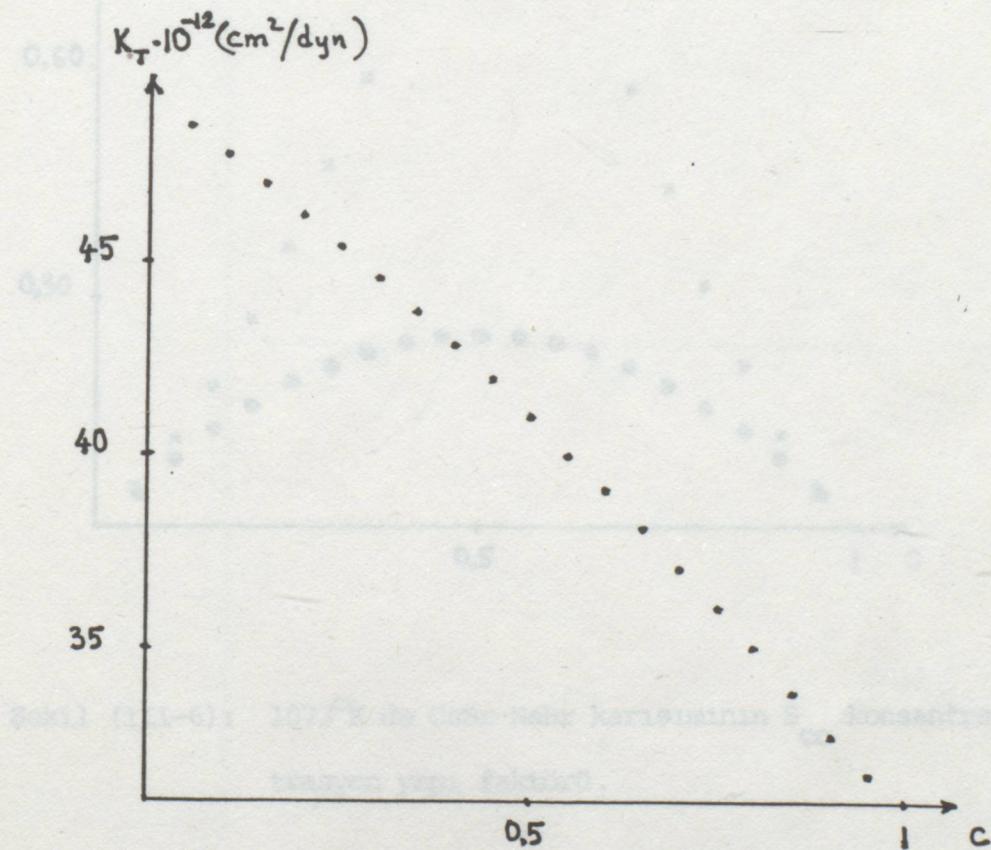


Şekil (III-4): 1073°K de ergimiş $\text{KBr}-\text{NaBr}$ sisteminde Br iyonlarını içeren kısmi yapı faktörleri.

(III-3) $(\text{Cs}, \text{Na})\text{Br}$ 'in S_{cc} ve faktörünün ideal gözelti haliyle

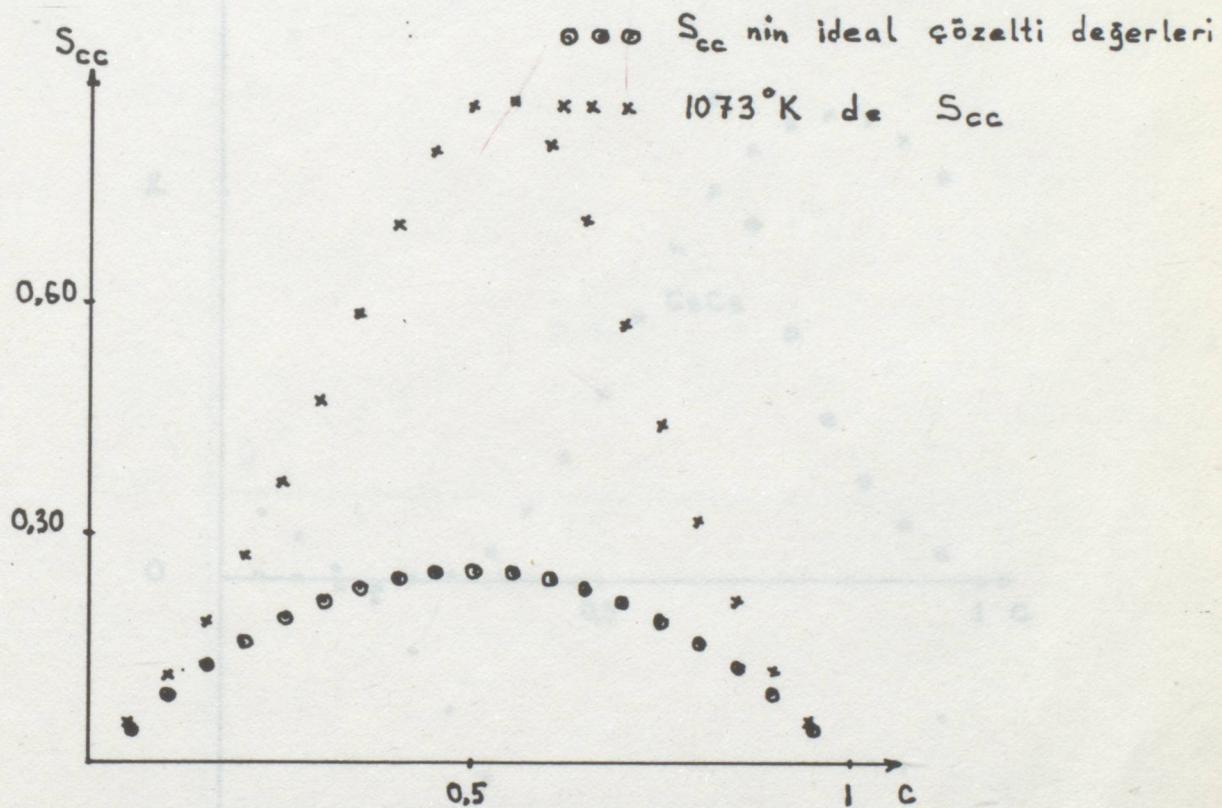
bağlantısının gösterilmiştir. Şekil (III-6) dan görüldüğü gibi S_{cc}

$(\text{K}, \text{Na})\text{Br}$ 'a benzer şekilde 1073°K de $\text{CsBr}-\text{NaBr}$ karışımının NaBr 'ün c konsantrasyonunun fonksiyonu olarak K_T izotermal kompresibilitesi, S_{cc} Bhatia-Thornton yapı faktörü ve kısmi yapı faktörleri incelendi. Şekil (III-5) de K_T izotermal kompresibilitenin karışımında NaBr 'ün c konsantrasyonu arttıkça lineer olarak değişerek NaBr 'ün kompresibilitesine yaklaşımı görülmektedir.



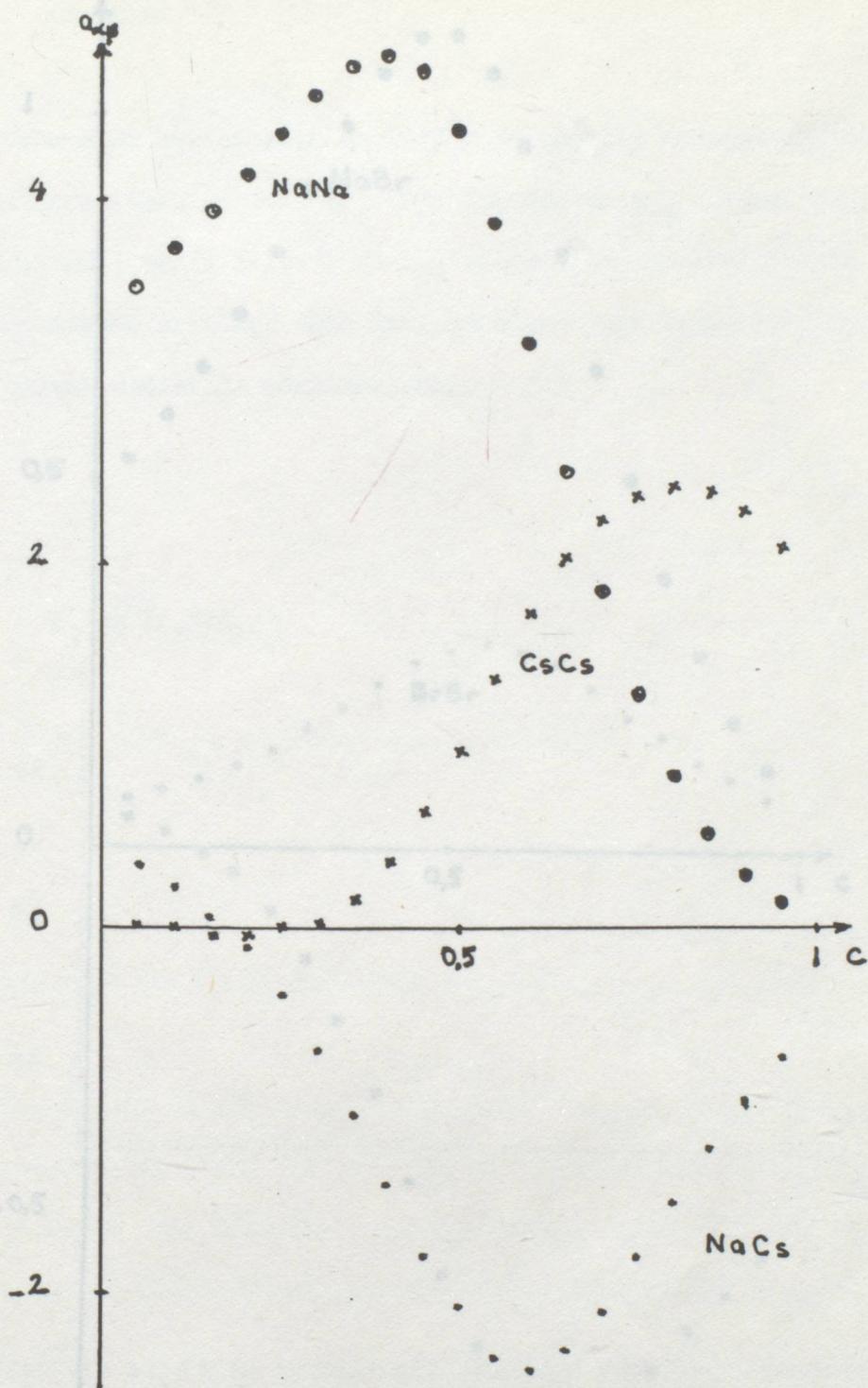
Şekil (III-5): Ergimiş $\text{CsBr}-\text{NaBr}$ sisteminde 1073°K de NaBr için K_T 'nin c konsantrasyonunun fonksiyonu olarak değişimi.

Şekil (III-6) da CsBr-NaBr'ün S_{CC} yapı faktörünün ideal çözelti haliyle karşılaştırılması gösterilmiştir. Şekil (III-6) dan görüldüğü gibi S_{CC} eğrisi ideal çözelti haline yakın değildir ve $c = 0,5$ deki değeri $S_{CC} = 0,854$ dür.

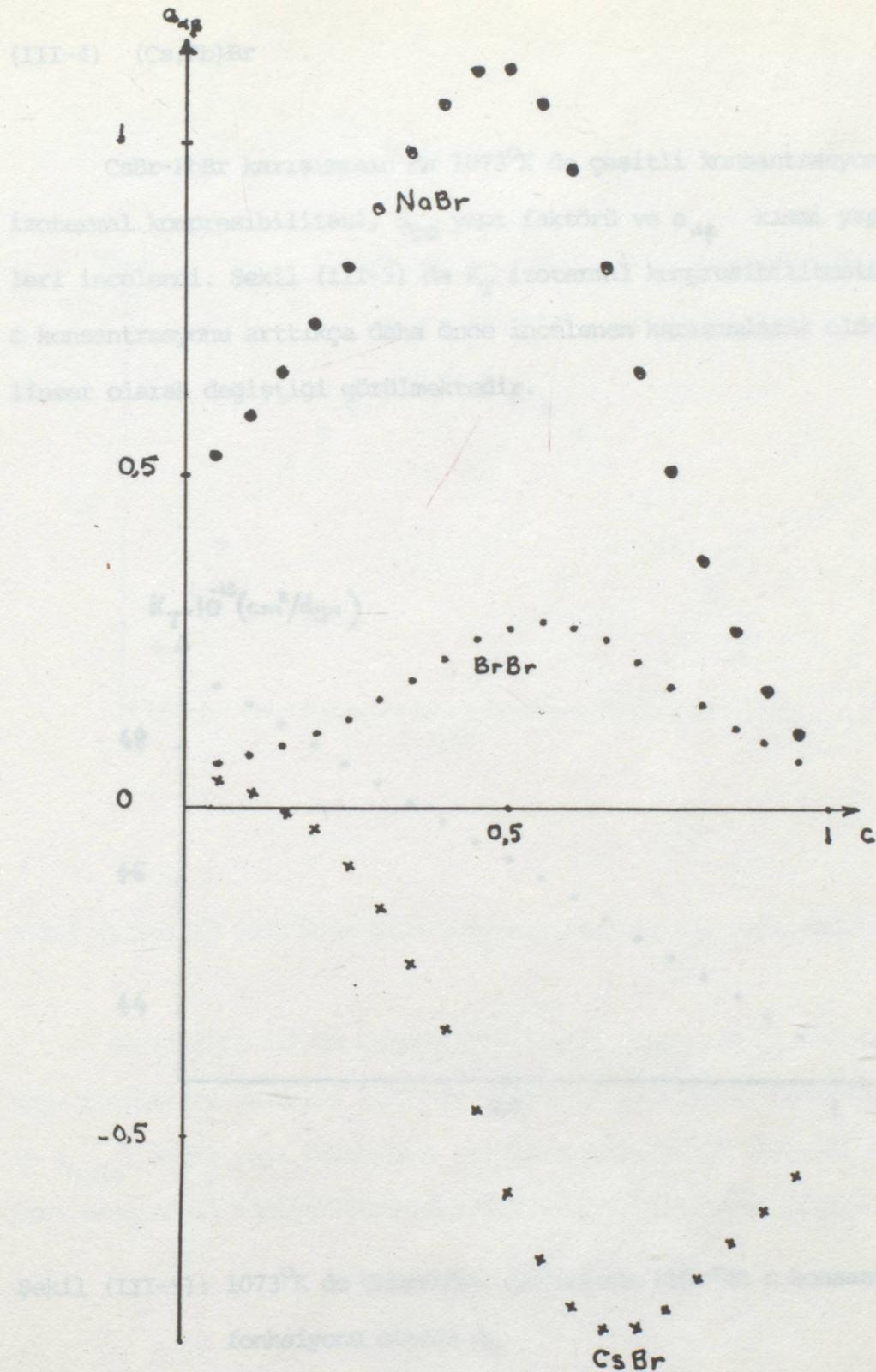


Şekil (III-6): 1073°K de CsBr-NaBr karışımının S_{CC} konsantrasyon-konsantrasyon yapı faktörü.

Şekil (III-7) de bu karışım için katyonlarla ilgili (a_{CsCs} , a_{NaNa} ve a_{NaCs}) kısmi yapı faktörleri görülmektedir. Şekil (III-8) ise Br iyonlarını içeren (a_{CsBr} , a_{NaBr} ve a_{BrBr}) kısmi yapı faktörlerini göstermektedir. Ayrıca Şekil (III-7) ve Şekil (III-8) de bu karışımlarda kısa mesafe düzeninin daha etkin olduğu görülmektedir.



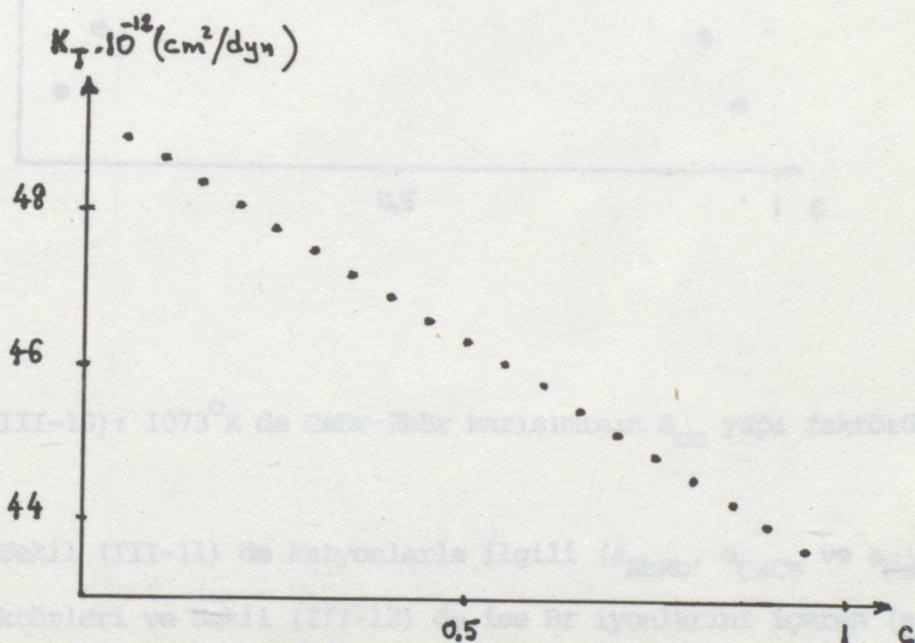
Şekil (III-7): 1073^oK de CsBr-NaBr sisteminde katyonların kısmi yapı faktörleri.



Şekil (III-8): 1073°K de ergimiş CsBr-NaBr sisteminde Br iyonlarını içeren kısmi yapı faktörleri.

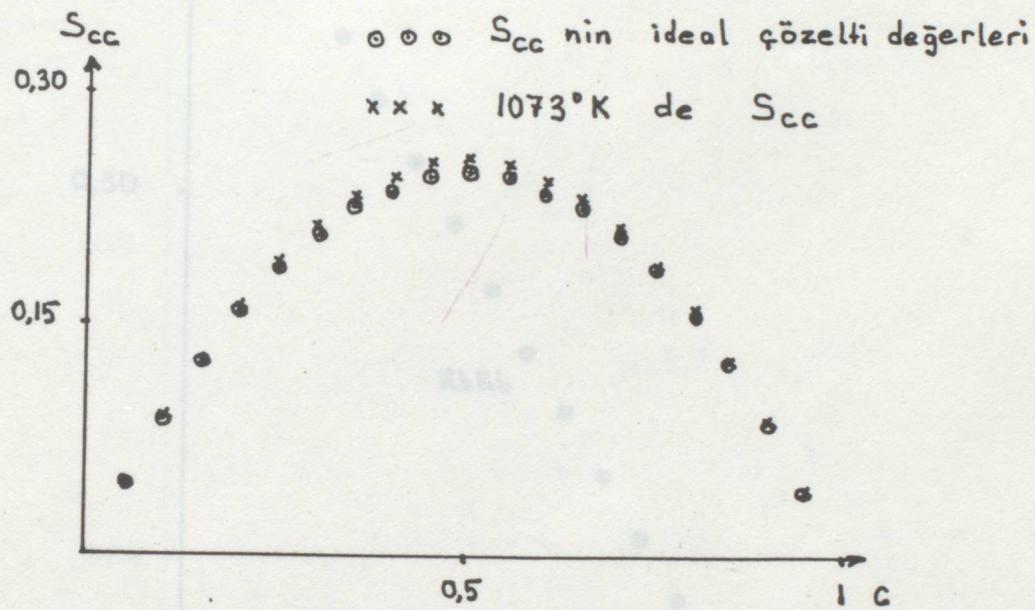
(III-4) (Cs,Rb)Br

CsBr-RbBr karışımının da 1073°K de çeşitli konsantrasyonlarda K_T izotermal kompresibilitesi, S_{CC} yapı faktörü ve $a_{\alpha\beta}$ kısmi yapı faktörleri incelendi. Şekil (III-9) da K_T izotermal kompresibilitenin RbBr'ün c konsantrasyonu arttıkça daha önce incelenen karışımlarda olduğu gibi lineer olarak değiştiği görülmektedir.



Şekil (III-9): 1073°K de CsBr-RbBr sisteminde RbBr'ün c konsantrasyonunun fonksiyonu olarak K_T .

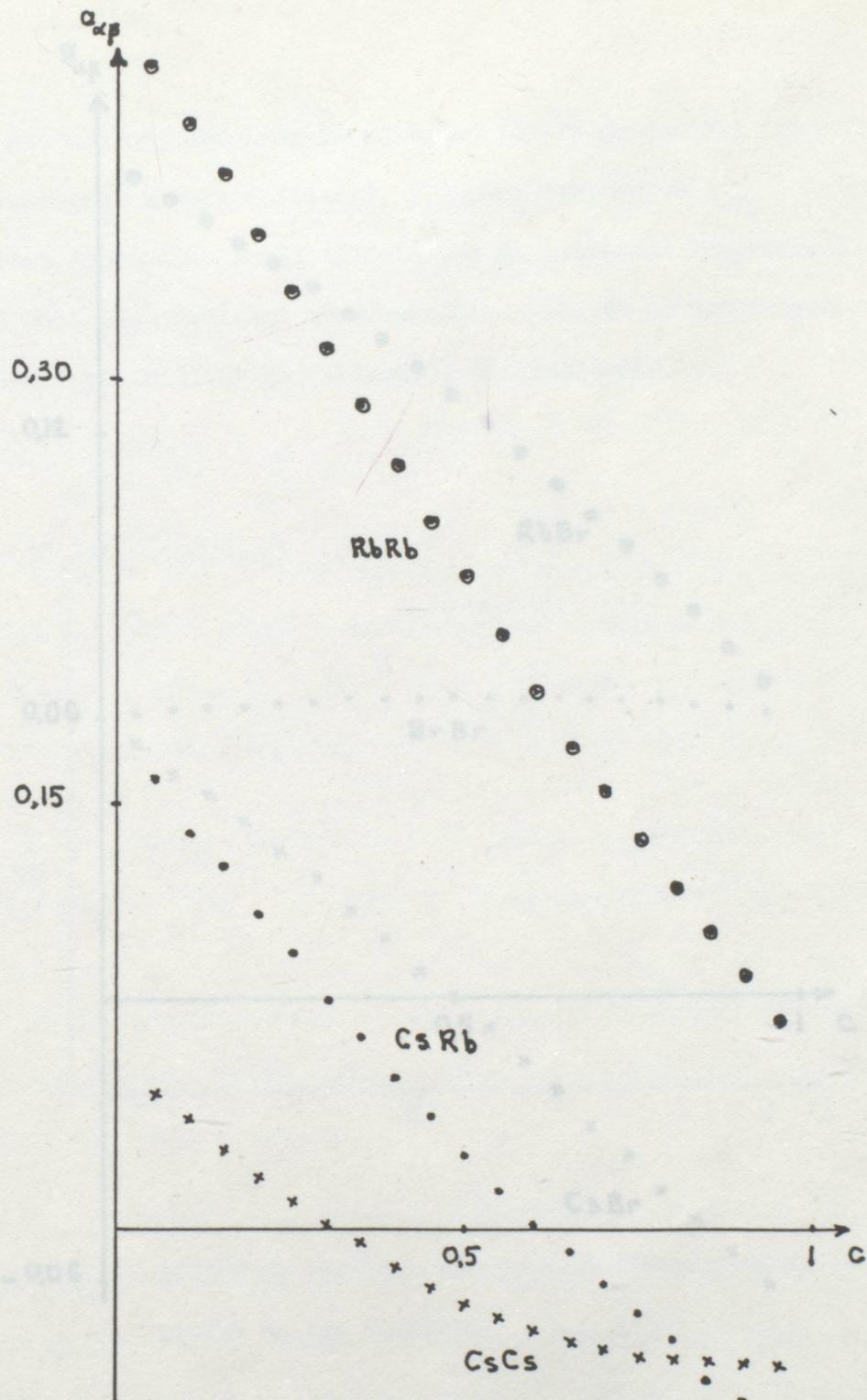
Şekil (III-10) da (Cs,Rb)Br'ün S_{CC} yapı faktörünün c konsantrasyonu ile değişimini ideal çözelti haline çok yakın olduğu görülmektedir ve $c = 0,5$ için $S_{CC} = 0,259$ dir.



Şekil (III-10): 1073°K de CsBr-RbBr karışımının S_{cc} yapı faktörü.

Şekil (III-11) de katyonlarla ilgili (a_{RbRb} , a_{CsCs} ve a_{CsRb}) kısmi yapı faktörleri ve Şekil (III-12) de ise Br iyonlarını içeren (a_{CsBr} , a_{RbBr} ve a_{BrBr}) kısmi yapı faktörleri görülmektedir. Şekil (III-12) de Br iyonları arasındaki korelasyonların hemen hemen değişmediği ortaya çıkmaktadır.

Şekil (III-11): 1073°K de katyonlarla ilgili kısmi yapı faktörleri.

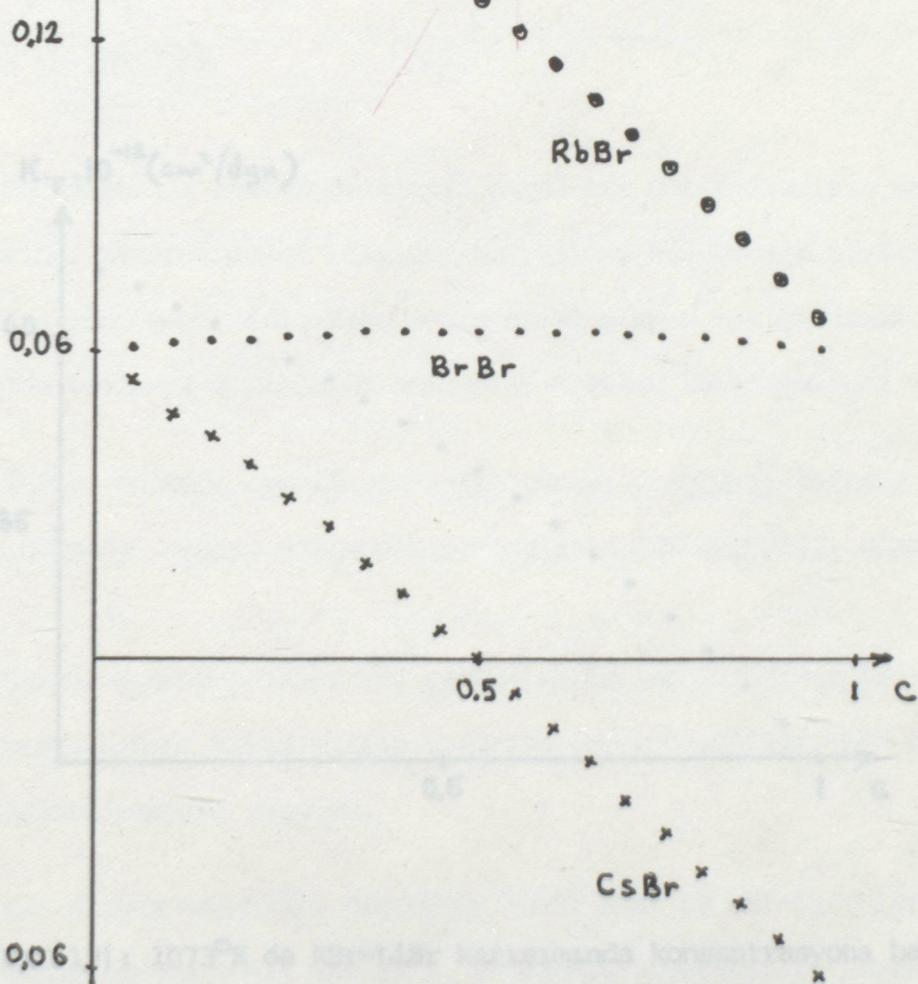


Şekil (III-11): 1073°K sıcaklığındaki CsBr-RbBr karışımındaki katyonların

Şekil (III-11): 1073°K de CsBr-RbBr karışımında katyonların kısmi yapı faktörleri.

(III-5) (RbLi)Br

Bu图表, RbBr-LiBr混合物在 1073°K 下的共存浓度。图中显示了 α_{Rb} 和 α_{Li} 的值，以及 K_p 的对数。图中指出， K_p 在 1073°K 下的值为 $10^{10.5} \text{ dyne/cm}^2$ 。图中还提到了 α_{Rb} 和 α_{Li} 的部分因子，以及 $\alpha_{\text{Rb}} \approx \alpha_{\text{Li}}$ 。图中还提到了 α_{Rb} 和 α_{Li} 的部分因子，以及 $\alpha_{\text{Rb}} \approx \alpha_{\text{Li}}$ 。图中还提到了 α_{Rb} 和 α_{Li} 的部分因子，以及 $\alpha_{\text{Rb}} \approx \alpha_{\text{Li}}$ 。

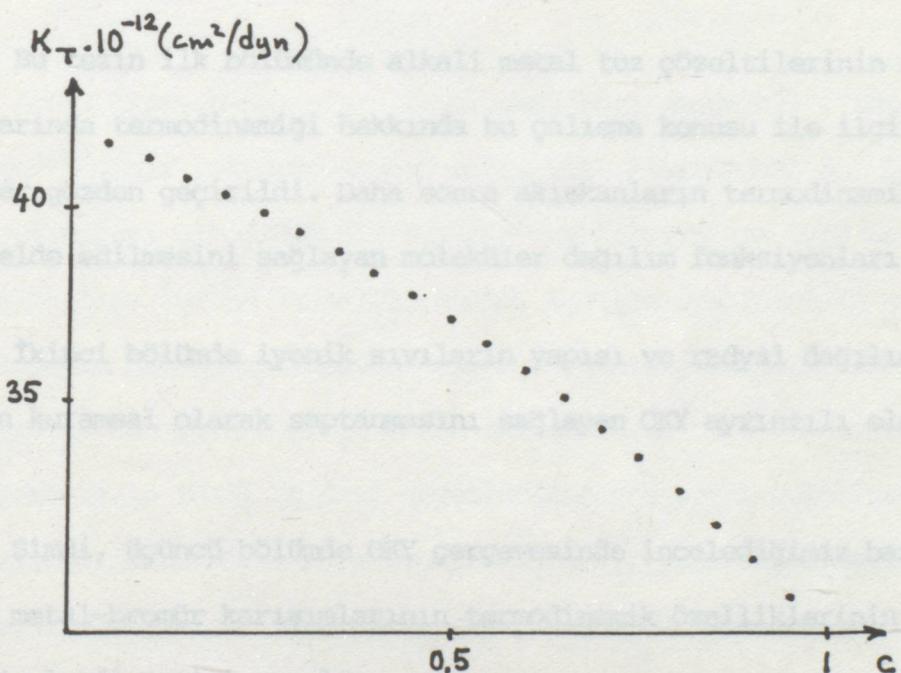


Şekil (III-12): 1073°K ergimiş CsBr-RbBr karışımında Br iyonlarını içeren kısmi yapı faktörleri.

(III-5) (K,Li)Br

Son olarak, KBr-LiBr karışımının 1073°K de çeşitli konsantrasyonlarında K_T izotermal kompresibilitesi, S_{CC} yapı faktörü ve $a_{\alpha\beta}$ kısmi yapı faktörleri incelendi. Şekil (III-13) de K_T izotermal kompresibilitenin konsantrasyonla olan değişimi görülmektedir. LiBr'ün konsantrasyonu arttıkça LiBr'ün kompresibilitesine yaklaşduğu görülmektedir.

SÜMİTARIE TADIM



Şekil (III-13): 1073°K de KBr-LiBr karışımında konsantrasyona bağlı olarak K_T nin değişimi.

Fakat bu karışım için S_{CC} yapı faktörünün ve $a_{\alpha\beta}$ kısmi yapı faktörlerinin konsantrasyona göre değişimlerinde bozulmalar görüldüğünden bu grafikleri buraya koymaya gerek görmedik.

beklenen bir biçimde doymuş olacak usulde sonucu ortaya getirmektedir.

Karşılmalar $c = 0,5$	KBr-NaBr	CsBr-NaBr	KBr-RbBr	KBr-LiBr
$K_T \cdot 10^{-12}$	38,087	41,084	46,354	33,749

BÖLÜM IV

SONUÇLAR VE TARTIŞMA

Bu tezin ilk bölümünde alkali metal tuz çözeltilerinin ergime noktasında civarında termodinamiği hakkında bu çalışma konusu ile ilgili olan gelişmeler gözden geçirildi. Daha sonra akışkanların termodinamik özelliklerinin elde edilmesini sağlayan moleküller dağılım fonksiyonları verildi.

İkinci bölümde iyonik sıvıların yapısı ve radyal dağılım fonksiyonlarının kuramsal olarak saptanmasını sağlayan OKY ayrıntılı olarak tartışıldı.

Şimdi, üçüncü bölümde OKY çerçevesinde incelediğimiz bazı ergimiş alkali metal-bromür karışımlarının termodinamik özelliklerinin toplu olarak bir değerlendirmesini yapalım.

Ele alınan KBr-NaBr, CsBr-NaBr, CsBr-RbBr ve KBr-LiBr karışımı için konsantrasyona bağlı olarak K_T izotermal kompresibilitesini veren Şekil (III-1,5,9,13)'ü incelediğimizde, konsantrasyonlar 0 ve 1 limite yaklaştıktan sonra karışımı oluşturan her bileşenin kendi K_T izotermal kompresibiliterine yaklaşlığı görülmektedir. Bu sonuçlar, deneyel sonuçlara oldukça yakındır. Örnek olarak KBr-NaBr karışımını alırsak Şekil (III-1) KBr'ün çoğunlukta olduğu kısımda ($c = 0$), izotermal kompresibilitesinin değerinin $42,2 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$, NaBr için ise ($c = 1$), $33,5 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$, ol-

beklenen bir biçimde doğrusal olarak azaldığı sonucu ortaya çıkmaktadır.

Karışım $c = 0,5$	KBr-NaBr	CsBr-NaBr	CsBr-RbBr	KBr-LiBr
$K_T \cdot 10^{-12}$	38,087	41,054	46,354	37,149

Tablo 3 : 1073°K de $c = 0,5$ konsantrasyonunda karışımın izotermal kompresibilitesi.

Konsantrasyon kaymaları arasındaki korelasyonları ifade eden Bhatia-Thornton⁽¹⁶⁾ yapı faktörünün uzun dalga boyu limitindeki S_{cc} lerinin ideal halden sapmaları ele aldığımız ergimiş tuz karışımının için Şekil (IV-1) de gösterilmiştir. 1073°K sıcaklığı herbir karışım içerisindeki yer alan her bir bileşenin ergime noktasından oldukça yüksek alınmıştır (Tablo 4).

Şekil (IV-1) den görüldüğü gibi tüm karışımın $c = 0,5$ konsantrasyonundaki S_{cc} değerlerinin ideal haldeki değerlerden daha büyük değerlere eriştiği göze çarpmaktadır. KBr-LiBr sisteminde ise S_{cc} yapı faktörlerinin yapılan bilgisayar çalışmaları sonucunda bozuk olduğu görülmüştür.

Bileşen	KBr	NaBr	CsBr	RbBr	LiBr
Ergime Noktası (°K)	1007	1020	909	953	820

Tablo 4 : Alkali metal bromürlerin ergime noktaları.

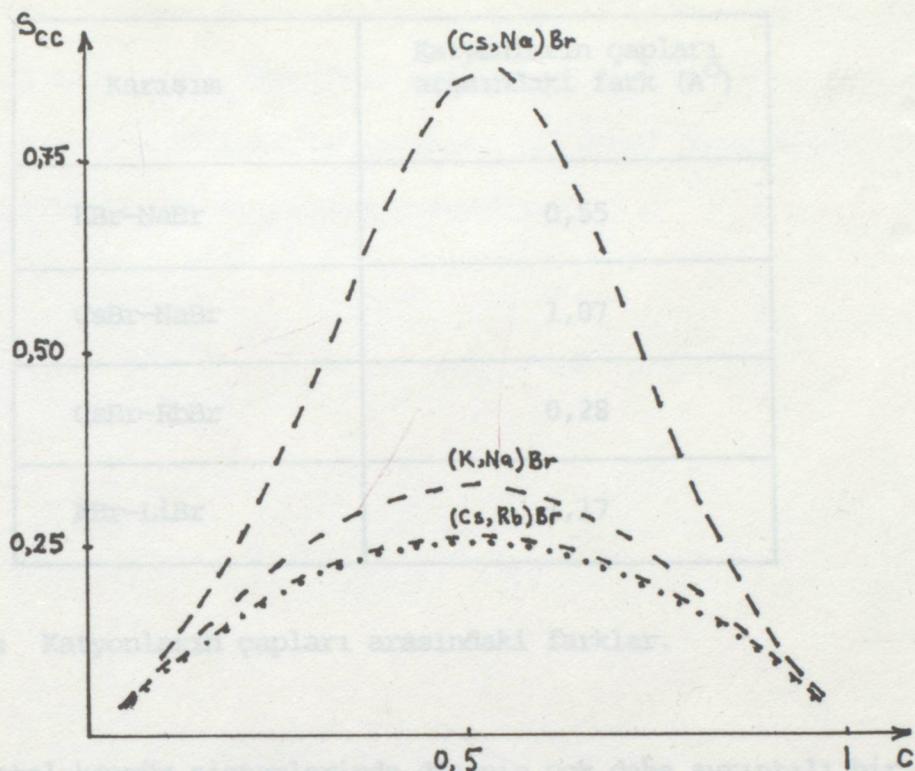
duğu görülmektedir. Deneysel çalışmalar sonucunda elde edilen değerler ise KBr için $43,8 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$, NaBr için $33,6 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$ olarak bulunmuştur⁽¹⁹⁾. Bu sonuçları OKY ile elde ettiğimiz sonuçlarla karşılaştırırsak, modelin tamamıyla deneylerle uygunluk içinde olduğu görülmektedir. Diğer bileşenlerin kompresibilitelerinin deney sonuçları ile karşılaştırılması Tablo 2 de gösterilmiştir.

Bileşenler	$K_T \cdot 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyn}$ (OKY)	$K_T \cdot 10^{-12}$ (Deneyel)	Başlı Hata (%)
KBr	42,2	43,8	3,6
NaBr	33,5	33,6	0,3
CsBr	49,3	40,90-54,54*	20,5-9,6
RbBr	43,3	42,57*	1,7
LiBr	29,4	29,4	0

Tablo 2 : Alkali metal bromürlerin 1073°K de K_T izotermal kompresibilitelerin değerleri ile deneyel karşılaştırılması.

* Yüzey gerilimine göre hesaplanmıştır.

Tablo 2 den karışımının her bir bileşenin izotermal kompresibilite lerinin değerlerinin deneyel değerlerle uygun olduğu sonucu ortaya çıkmaktadır. Ayrıca her bir karışımın bileşenlerinin ortak noktasındaki ($c = 0,5$) K_T lerin değerleri Tablo 3 de gösterilmiştir. Bulunan bu kuramsal sonuçları, bu karışım için deneyel olarak yapılan bir çalışmaya rastlanmadığından karşılaştırma olanağını bulamadık. Şekil (III-1,5,9,13) den görüldüğü gibi, tüm karışımının izotermal kompresibilitelerinin konsantrasyon arttıkça



Şekil (IV-1): 1073°K de KBr-NaBr , CsBr-NaBr ve CsBr-RbBr ergimiş tuz karışımılarında ikinci bileşenin c konsantrasyonun bir fonksiyonu olarak S_{cc} yapı faktörü. Noktalı eğri S_{cc} nin ideal çözelti değerini verir.

Bunun nedeninin sisteme yer alan K ve Li iyonlarının kısmi hacimleri arasındaki ve dolayısıyla her bir iyon çapı arasındaki büyük farklılıktan kaynaklandığını söyleyebiliriz (Tablo 5).

Tablo 5 den görüleceği gibi katyonların çiftleri arasındaki fark küçüldükçe çözelti ideal hale yaklaşmaktadır. Sonuç olarak KBr-LiBr karışımı dışında kalan tüm sistemlerdeki konsantrasyon kaymaları ideal bir çözelti halinin üzerinde bir artma göstermektedir.

Şekil (III-3,4,7,8,11,12) de gösterimlenen kısmi yapı faktörleri

Karışım	Katyonların çapları arasındaki fark (A°)
KBr-NaBr	0,55
CsBr-NaBr	1,07
CsBr-RbBr	0,28
KBr-LiBr	1,17

Tablo 5 : Katyonların çapları arasındaki farklar.

alkali metal-bromür sistemlerinde düzenin çok daha ayrıntılı bir açıklamasını sağlar. Kısmi yapı faktörlerinin (II-2.10,11,12) tanımlarından alkali iyonlar için

$$\Delta N_{\beta} = c_{\beta} (\alpha_{\alpha\beta} - \alpha_{\beta\beta}) \quad (\text{IV-1})$$

(20)

bağıntısı bir α iyonu etrafındaki β iyonlarının toplam sayısı ile bir β iyonu etrafındaki β iyonlarının toplam sayısı arasındaki farkı verir. Her α ve β iyonları için (IV-1) bağıntısından elde edilebilecek sayısal sonuçlar bize karışında yer alan tüm alkali iyonlarının kısa mesafe düzeninin kesin bir ölçümünü verir. Örnek olarak Şekil (III-3) ve Şekil (III-4) den görüleceği gibi Na iyonunun zengin olduğu bölgenin dışında tüm Na iyonlarının yakınında K iyonlarının bir fazlalığı göze çarpmaktadır. OKY sonuçlarında bu etki konsantrasyonun $c \approx 0,3$ e kadar olan bölgede görülmektedir. Aynı şekilde bu sonucu diğer iki karışım içinde aynı yaklaşıklıkta

görebiliyoruz. Yukarıda belirttiğimiz gibi OKY iyonik çaplara çok duyarlı olduğundan özel olarak CsBr-RbBr karışımında Cs çapının Br çapına yaklaşık olarak eşit olduğundan bu karışımın bir ideal çözelti gibi davranışını Şekil (III-10,11,12) de görülebilmektedir.

FILE: T7 FORTRAN A *** 1.Ü. HAYDAR FURGAÇ B.I.M. ***

```

C *****
C * BU PROGRAM SIVI METAL KARISIMLARININ YAPI FAKTORLERINI VE *
C * TERMODINAMIK PARAMETRELERINI HESAPLIYOR : *
C *****
C DOUBLE PRECISION P
C DIMENSION AA(19),BB(19),CC(19),DD(19),EE(19),FF(19),MN(3),AB
C LC(3),DEF(3),MX(3)
C CHARACTER ABC,DEF
C REAL MN,MX,MIN,MAX
C COMMON V1,V2,D1,D2,D3,Z1,Z2,Z3,ALFA
C DATA ABC/'0','-','.',/,DEF/**, 'I', 'T'/, P/3.14159265359/
37 READ(5,15,END=99) V1,V2,D1,D2,D3,Z1,Z2,Z3,T
15 FORMAT(5F8.4,3F5.2,2X,F4.0)
CALL ALF(T,ALFA)
WRITE(6,64)
WRITE(6,7) P,V1,V2,D1,D2,D3,Z1,Z2,Z3,ALFA,T
7 FORMAT(1,6X,'P=',E12.7,5X,'V1=',E12.5,5X,'V2=',E12.5,/,/,5X,'D1='
1,E12.5,5X,'D2=',E12.5,5X,'D3=',E12.5,/,/,5X,'Z1=',E12.5,5X,'Z2='
2E12.5,5X,'Z3=',E12.5,/,/,5X,'ALFA=',E12.5,5X,'TEMPERATUR=',F6.0)
WRITE(6,95)
95 FORMAT(5X,72('&'))
DO 120 I=2,20
X=(I-1)*0.05
EPM=2.97*(1.0/(D1+D3)**2-1.0/(D1+D2)**2)**2
C WRITE(6,64)
C WRITE(6,96)X
64 FORMAT(5X,72('*'))
C96 FORMAT(18X,'KONSANTRASYON = ',F4.2)
C WRITE(6,64)
DOM=1.0/(X*V2+(1.0-X)*V1)
RNDOM=1.0/DOM
P6D=P/6.*DOM
XE4=P6D*2
XE1=P6D*(X*D3+(1.0-X)*D2+D1)
D1K=D1*D1
D2K=D2*D2
D3K=D3*D3
XE2=P6D*(X*D3K+(1.0-X)*D2K+D1K)
D1KU=D1K*D1
D2KU=D2K*D2
D3KU=D3K*D3
XE3=P6D*(X*D3KU+(1.0-X)*D2KU+D1KU)
XE=1.0-XE3
CALL GAM(VNOTUS,X,DOM,XE)
GM=VNOTUS
B1=1.0+GM*D1
B2=1.0+GM*D2
B3=1.0+GM*D3
OM=1.0+P6D*3.0/XE*(X*D3KU/B3+(1.0-X)*D2KU/B2+D1KU/B1)
PN=1.0/OM*DOM*(X*Z3*D3/B3+(1.0-X)*Z2*D2/B2+Z1*D1/B1)
P1=(Z1-P/2.0/XE*PN*D1K)
P2=(Z2-P/2.0/XE*PN*D2K)
P3=(Z3-P/2.0/XE*PN*D3K)
GG=2.0*GM/ALFA
A1=P1/(GG*B1)

```

FILE: T7 FORTRAN A *** 1.0. HAYDAR FURGAC B.1. M. ***

```

A2=P2/(GG*B2)
A3=P3/(GG*B3)
A3K=A3*A3
A1K=A1*A1
EA2=A3K+A1K
A2K=A2*A2
SA3=A3K-A2K
F1=GM**3/(2.*P*ALFA**2)*EA2*SA3
D=DOM*(X*D3K*A3/B3+(1.-X)*D2K*A2/B2+D1K*A1/B1)
GB=GM/ALFA
C1=2.*GB*D1*A1+P/6.*PN/XE*D1KU
C2=2.*GB*D2*A2+P/6.*PN/XE*D2KU
C3=2.*GB*D3*A3+P/6.*PN/XE*D3KU
EC2=C3+C1
SC3=C3-C2
F2=(GM/2.)*2/ALFA*D/(XE*OM)*(EA2*SC3+SA3*EC2)
B=GB*DOM*(X*D3*A3**2/B3+(1.-X)*D2*A2**2/B2+D1*A1**2/B1)
F3=ALFA/(4.*XE*OM)*EC2*SC3*(1.+B)
A=1.+B-P*GM*D**2/(2.*ALFA*XE*OM)
SCC1=-DOM*(F1-F2+F3)/A
F4=1./X
E2=D3K+D1K
SM3=D3-D2
F5=P6D*3.*E2/XE*SM3
E3=D3KU+D1KU
F6=P6D*3.*XE2*E3/XE**2*SM3
E1=D3+D1
SMD2=D3K-D2K
F7=P6D*3.*E1/XE*SMD2
F8=P6D*18.*XE2*E2/(XE*XE3)*SMD2
SCC2=F4+F5+F6+F7+F8
F9=18.*XE2* ALOG(XE)/XE3**2*E2*SMD2
FS1=3.*XE1/XE**2*E3*SMD2
FS2=9.*XE2**2/(XE**2*XE3)*E3*SMD2
FS3=18.*XE2**2/(XE*XE3**2)*E3*SMD2
FS4=18.*XE2**2* ALOG(XE)/XE3**3*E3*SMD2
SCC3=P6D*(F9+FS1+FS2-FS3-FS4)
SMD3=D3KU-D2KU
FS5=2./XE*SMD3
FS6=3.*XE2/XE**2*E1*SMD3
FS7=3.*XE1/XE**2*E2*SMD3
FS8=9.*XE2**2/(XE**2*XE3)*E2*SMD3
FS9=18.*XE2**2/(XE*XE3**2)*E2*SMD3
FSL=18.*XE2**2* ALOG(XE)/XE3**3*E2*SMD3
SCC4=P6D*(FS5+FS6+FS7+FS8-FS9-FSL)
FT1=XE4/XE**2*E3*SMD3
FT2=6.*XE1*XE2/XE**3*E3*SMD3
FT3=6.*XE2**3/(XE**3*XE3)*E3*SMD3
FT4=9.*XE2**3/(XE**2*XE3**2)*E3*SMD3
FT5=18.*XE2**3/(XE*XE3**3)*E3*SMD3
FT6=18.*XE2**3* ALOG(XE)/XE3**4*E3*SMD3
SCC5=P6D*(FT1+FT2+FT3-FT4+FT5+FT6)
PVD1=GM**3*(1.-P*PN*D/(XE**2*OM*GM))/(2.*P)
PVD2=ALFA*PN**2*(1.+B)/(4.*XE**3*OM)
PVD3=-6.*{(XE4/XE**2+6.*XE1*XE2/XE**3)}/P

```

FILE: T7 FORTRAN A *** 1.Ü. HAYDAR FURGAC B.I.M. ***

```

PVD4=-6.*{6.*XE2**3/XE**3+3.*XE2**3/XE**2}/P
PVDT=(PVD1+PVD2)/A+PVD3+PVD4
PVDTHC=PVD3+PVD4
PVDTCH=(PVD1+PVD2)/A
SL1=D3+D1
PVL1=-(2./XE+3.*XE2*SL1/XE**2)
SL2=D3K+D1K
PVL2=-(3.*XE1/XE**2+9.*XE2**2/XE**2)*SL2
SL3=D3KU+D1KU
PVL3=-(XE4/XE**2+6.*XE1*XE2/XE**3+6.*XE2**3/XE**3)*SL3
SAL2=A3K+A1K
PVL4=GM**3*SAL2/(2.*P*ALFA)
SCL2=C3+C1
PVL5=-GM**2*D*(SCL2+PN*SAL2/(ALFA*XE))/(4.*XE*OM)
PVL6=ALFA*PN*(1.+B)*SCL2/(4.*XE**2*OM)
PVNL=PVL1+PVL2+PVL3+(PVL4+PVL5+PVL6)/A
C WRITE(6,45) PVD1,PVD2
C45 FORMAT(1H ,10X,'PVD1=',E12.5,10X,'PVD2=',E12.5)
C WRITE(6,35) PN,OM,A,B,D,PVDTHC,PVDTCH,XE
C35 FORMAT(1H ,10X,'PN=',E12.5,12X,'OM=',E12.5,/,1H ,10X,'A=',E12.5,
C 1X,'B=',E12.5,12X,'D=',E12.5,/,1H ,10X,'PVDTHC=',E12.5,8X,'PVDTCH='
C 2,E12.5,7X,'XE=',E12.5)
GEM=DOM*(A1K+A2K*(1.-X)+A3K*X)
S1=D2+D1
PV1=-(2./XE+3.*XE2*SL1/XE**2)
S2=D2K+D1K
PV2=-(3.*XE1/XE**2+9.*XE2**2/XE**2)*S2
S3=D2KU+D1KU
PV3=-(XE4/XE**2+6.*XE1*XE2/XE**3+6.*XE2**3/XE**3)*S3
SA2=A2K+A1K
PV4=GM**3*SA2/(2.*P*ALFA)
SC2=C2+C1
PV5=-GM**2*D*(SC2+PN*SA2/(XE*ALFA))/(4.*XE*OM)
PV6=ALFA*PN*(1.+B)*SC2/(4.*XE**2*OM)
PVNT=PV1+PV2+PV3+(PV4+PV5+PV6)/A
PVS1=PVNT/PVDT
C WRITE(6,25) GEM,PVNT,PVNL,PVDT
C25 FORMAT(1H ,10X,'GEM=',E12.5,11X,'PVNT=',E12.5,9X,'PVNL=',E12.5,/,1
C 1H ,10X,'PVDT=',E12.5)
PVS2=PVNL/PVDT
COMB=X*PVS2+(1.-X)*PVS1
C WRITE(6,26) COMB
C26 FORMAT(1H ,10X,'COMB=',E12.5)
FP1=3.*XE2/XE**2*SMD3
FP2=3.*XE1/XE**2*SMD2
FP3=9.*XE2**2/XE**2*SMD2
FP4=XE4/XE**2*SMD3
FP5=6.*XE1*XE2/XE**3*SMD3
FP6=6.*XE2**3/XE**3*SMD3
SCC6=-PVS2*DOM*(FP1+FP2+FP3+FP4+FP5+FP6)
FB1=GM**3*SA3/(2.*P*ALFA)
FB2=(GM/(2.*XE))**2*PN*D/OM*SA3/ALFA
FB3=(GM/(2.*XE))**2*PN*D/OM*SA3/ALFA
FB4=ALFA*PN/XE**2*(1.+B)/4.*SC3/OM
SCC7=-PVS2*DOM*(-FB1+FB2+FB3-FB4)/A

```

FILE: T7 FORTRAN A *** 1.Ü. HAYDAR FURGAC Bo.İ.M. ***

```

SCCT=SCC1+SCC2+SCC3+SCC4+SCC5+SCC6+SCC7
CPRST=-1./PVDT
SOMVL=1./CPRST*DOM*(PVS2-PVS1)**2
SOMCH=-1./(1.-X)*(SCC1+SCC7)
SOMEL=1./(X*(1.-X))-1./(1.-X)*(SCC2+SCC3+SCC4+SCC5+SCC6)
SOM=1./(X*(1.-X))-1./(1.-X)*SCCT
CPRKT=1.E-8*CPRST/(1.3832*T)
C      WRITE(6,55) CPRKT,SOM,SOMCH,SOMEL,SOMVL
C55    FORMAT(1H ,10X,'KT=',E12.5,10X,'SOM=',E12.5,10X,'SOMCH=',E12.5,/,,
C      1H ,10X,'SOMEL=',E12.5,7X,'SOMVL=',E12.5)
      SELEXP=1./CPRST*DOM*(V2-V1)**2
      SOMCH1=SOM-SOMVL
      SOMCRT=SOMCH1+SELEXP
C      WRITE(6,65) SELEXP,SOMCH1,SOMCRT
C65    FORMAT(1H ,10X,'SELEXP=',E12.5,7X,'SMCH1=',E12.5,8X,'SMCRT=',E12.5
      SCCC=(1.-X)*X/(1.-(1.-X)*X*SOMCRT)
      SCCF=(1.-X)/SCCT
      SC1= SCCF-SCCC
      DLM==DOM*(PVS2-PVS1)
      DLEXP==DOM*(V2-V1)
      TET=DOM*CPRST
      A1P=TET+SCCF*(DLM=1./(1.-X))**2-X/(1.-X)
      AA(I-1)=A1P
      A2P=TET+SCCF*(DLM+1./X)**2-(1.-X)/X
      BB(I-1)=A2P
      APP=TET+SCCF*(DLM-1./(1.-X))*(DLM+1./X)+1.
      CC(I-1)=APP
      A1CL=1.+{1.-X}*A1P+X*APP-1.
      DD(I-1)=A1CL
      A2CL=1.+X*A2P+(1.-X)*APP-1.
      EE(I-1)=A2CL
      ACLCL=(1.-X)**2*A1P+2.*X*(1.-X)*APP+X**2*A2P
      FF(I-1)=ACLCL
C      WRITE(6,8) A1P,A2P,APP,A1CL,A2CL,ACLCL,TET,SCCF,DLM,DLEXP
C8     FORMAT(1H ,10X,'A11=',E12.5,10X,'A22=',E12.5,10X,'A12=',E12.5,/,1H
C      1,10X,'A1CL=',E12.5,9X,'A2CL=',E12.5,9X,'ACLCL=',E12.5,/,1H ,10X,
C      2'TET=',E12.5,10X,'SC=',E12.5,/,1H ,10X,'DLM=',E12.5,10X,'DLE=',E
C      312.5)
C      WRITE(6,95)
      WRITE(6,1336) X,EPM,SCCF,CPRKT,SCCC
C      WRITE(6,95)
120    CONTINUE
      WRITE(6,95)
1336  FORMAT(//,8X,'C= ',F4.2,5X,'EPM=',E12.5,5X,'SC= ',E12.5,5X,'KT='
      1,E12.5,/,8X,'SCCC=',E12.6)
      GO TO 37
99     STOP
      END
C
      SUBROUTINE GAM(VNOTUS,X,DOM,XE)
      COMMON V1,V2,D1,D2,D3,Z1,Z2,Z3,ALFA
      DATA P/3.14159265359/
      DM=(X*D3+(1.-X)*D2+D1)/2.
      AL=SQRT(ALFA*2.*DOM)*DM
      GO=-5.*{(1.-SQRT(1.+2.*AL))/DM

```

FILE: T7 FORTRAN A 20 *** I.Ü. HAYDAR FURGAÇ B.I.M. ***

```

GM=GO
11 R1=1.+GM*D1      TEMPERATURE=197.3
R2=1.+GM*D2
R3=1.+GM*D3
OM=1.+P6D*3./XE*(X*D3KU/R3+(1.-X)*D2KU/R2+D1KU/R1)
PN=1./OM*DOM*(X*Z3*D3/R3+(1.-X)*Z2*D2/R2+Z1*D1/R1) = 0.48496E-1
T1=(Z1-P/2./XE*PN*D1K)**2/R1**2
T2=(Z2-P/2./XE*PN*D2K)**2/R2**2
T3=(Z3-P/2./XE*PN*D3K)**2/R3**2
G1=.5*SQRT(ALFA*DOM*(X*T3+(1.-X)*T2+T1))
IF(ABS(G1-GM).LT.GM*1.E-5) GO TO 12
GM=G1
GO TO 11
12 VNOTUS=G1
RETURN
END
SUBROUTINE ALF(T,ALFA)
DOUBLE PRECISION P,EL,KB,ALFA
P=3.14159265359
EL=4.80325 E-10
KB=1.38044 E-24
T8=4.*P*EL*EL
T9=KB*T
ALFA=ABS(T8/T9)
RETURN
END

```


(16) Shatkin, A.B. and Thornton, D., J. Phys. Rev., 31, 3004 (1970).

(17) Abramo, M.C., et.al., J.Chem. Phys., 63, 6 (1975).

(18) Blum, L. and Boys, J.S., J. Chem. Phys., 61, 1331 (1977).

KAYNAKLAR

- (1) Bu konudaki çalışmalar için bak ; Tosi, M.P. and March N., "Coulomb Liquids," Plenum Press, London, (1984)
- (2) Edwards, F.G., et. al. J.Phys., C8, 3483 (1975).
- (3) Langbein, D., "Springer Tracts in Modern Physics." Vol.72, (1974).
- (4) Debye, P. and Hückel, E., Zeits. Phys., 24, 185 and 305 (1923).
- (5) Mayer, J.E., J.Chem. Phys., 18, 1426 (1950) .
- (6) Waismann,A., and Lebowitz,J.L.,J.Chem.Phys.,56 ,3036 and 3093 (1972).
- (7) Baxter, R.J.,J.Chem.Phys.,52 4559(1970) .
- (8) Blum, L., Mol.Phys., 30,1529 (1975).
- (9) Lüscher, E., Coufal, H., "Liquid and Amorphous Metals", printed in the Netherland (1980).
- (10) Landau,L.D.and Lifshitz,E.M., "Statistical Physics", Pergamon Press,Oxford, (1970).
- (11) Eyring, H.,Henderson,D., "Statistical Mechanics and Dynamics", New York (1964).
- (12) Akdeniz, Z., Tesi di Diploma, Universita Degli Studi di Trieste, (1982); Akdeniz , Z.,Senatore,G.and Tosi, M.P.,Phys.Chem. Lig.,10, 143-152 (1980).
- (13) Egelstaff,P.A., "An Introduction to the Liquid State", Academic Press, London (1967).
- (14) March, N.H., "The Liquid State, Theory of Condensed Matter", I.C.T.P. Trieste, I.A.E.A. Vienna (1968).
- (15) Parinello, M. and Tosi, M.P.,Riv.nuovo cim.,2, 6(1979).

- (16) Bhatia, A.B. and Thornton, D.E., Phys.Rev., B2, 3004 (1970).
- (17) Abramo, M.C., et.al., J.Chem. Phys., 68, 6 (1978).
- (18) Blum, L. and Hoye, J.S., J.Phys.Chem., 81, 1311, (1977).
- (19) Janz, G.J., "Molten Saltz Handbook," Academic Press, London (1967).
- (20) Caccamo, C. Pizzimenti, G. and Tosi, M.P., J.Nonmetals and Semiconductors, Vol.2, 199-202 (1975); Akdeniz, Z., "Partial Structure Factors in Molten Alkali Halide Mixtures", I.T.U. preprint'i İstanbul (1984).
- (21) Parinello, M., Senatore, G., Tosi, M.P., Philosophical Magazine B, Vol.41 595 (1980).



ÖZGEÇMİŞ

Seyfeddin KARAGÖZLÜ 1945 yılında İstanbul'da doğdu. İlkokulu Ziya Gökalp İlkokulunda, ortaokulu Yeşilköy Ortaokulunda, liseyi Bakırköy Lisesinde okudu. 1968 yılında İstanbul Üniversitesi Fen Fakültesi Fizik Bölümünden mezun oldu. 1968-1972 yılları arasında aynı bölümün Atom ve Çekirdek Fiziği Kürsüsünde çalıştı. 1972-1974 yılları arasında askerlik görevini yaptıktan sonra, 1974-1976 yılları arasında İ.D.M.M.A'ne bağlı Vatan Mühendislik Yüksek Okulunda asistan olarak çalıştı. Daha sonra İ.D.M.M.A'ne asistan olarak girdi. 1984 yılından beri Yıldız Üniversitesi Fen ve Edebiyat Fakültesi Fizik Bölümü Öğretim Görevlisi olarak çalışmaktadır.





* 0 0 1 0 3 1 1 *